

TRANSFORMADAS DE FOURIER DE SEÑALES DISCRETAS (DTFT)

DOMINIO DEL TIEMPO	DOMINIO DE LA FRECUENCIA
$x[n] = \frac{1}{2\pi} \int_{(2\pi)} X(e^{j\Omega}) e^{j\Omega n} d\Omega$	$X(e^{j\Omega}) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x[n] e^{-j\Omega n}$
$x[n] = \begin{cases} 1, & n \leq M \\ 0, & \text{otro caso} \end{cases}$	$X(e^{j\Omega}) = \frac{\sin\left(\frac{\Omega}{2}(2M+1)\right)}{\sin\left(\frac{\Omega}{2}\right)}$
$x[n] = \alpha^n u[n], \quad \alpha < 1$	$X(e^{j\Omega}) = \frac{1}{1 - \alpha e^{-j\Omega}}$
$x[n] = \delta[n]$	$X(e^{j\Omega}) = 1$
$x[n] = u[n]$	$X(e^{j\Omega}) = \frac{1}{1 - e^{-j\Omega}} + \pi \sum_{m=-\infty}^{\infty} \delta(\Omega - 2\pi m)$
$x[n] = \frac{1}{\pi n} \sin(Wn), \quad 0 < W \leq \pi$	$X(e^{j\Omega}) = \begin{cases} 1, & \Omega < W \\ 0, & W < \Omega \leq \pi \end{cases}; X(e^{j\Omega}) \text{ es } 2\pi \text{ periódica}$
$x[n] = (n+1)\alpha^n u[n]$	$X(e^{j\Omega}) = \frac{1}{(1 - \alpha e^{-j\Omega})^2}$

TRANSFORMADAS DE FOURIER DE SEÑALES CONTÍNUAS (FT)

DOMINIO DEL TIEMPO	DOMINIO DE LA FRECUENCIA
$x(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} X(j\omega) e^{j\omega t} d\omega$	$X(j\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t) e^{-j\omega t} dt$
$x(t) = \begin{cases} 1, & t \leq T \\ 0, & \text{otro caso} \end{cases}$	$X(j\omega) = 2 \frac{\sin(\omega T)}{\omega}$
$x(t) = \frac{1}{\pi t} \sin(Wt)$	$X(j\omega) = \begin{cases} 1, & \omega < W \\ 0, & \text{otro caso} \end{cases}$
$x(t) = \delta(t)$	$X(j\omega) = 1$
$x(t) = 1$	$X(j\omega) = 2\pi \delta(\omega)$
$x(t) = u(t)$	$X(j\omega) = \frac{1}{j\omega} + \pi \delta(\omega)$
$x(t) = e^{-at} u(t), \quad \text{Re}\{a\} > 0$	$X(j\omega) = \frac{1}{a + j\omega}$
$x(t) = t e^{-at} u(t), \quad \text{Re}\{a\} > 0$	$X(j\omega) = \frac{1}{(a + j\omega)^2}$
$x(t) = e^{-a t }, \quad a > 0$	$X(j\omega) = \frac{2a}{a^2 + \omega^2}$
$x(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2}$	$X(j\omega) = e^{-\omega^2/2}$