

## Gráficos 3D en MATLAB

#### Pedro Corcuera

Dpto. Mate<mark>mática Aplicad</mark>a y Ciencias de la Computación

Universidad de Cantabria

corcuerp@unican.es



### **Objetivos**

- Presentar la implementación de una amplia selección de capacidades gráficas en tres dimensiones
- Desarrollar la capacidad de generar gráficos interactivamente



### Indice

- Líneas en 3D
- Superficies
- Creación de gráficos interactivamente



### Líneas en 3D

La versión 3D de plot es

plot3(u1, v1, w1, c1, u2, v2, w2, c2,...)

donde

*uj*, *vj*, y *wj* son las coordenadas *x*, *y*, y *z*, respectivamente, de un punto

Son escalares, vectores de la misma longitud, matrices del mismo orden, o expresiones que, cuando se evalúan, resultan en una de esas cantidades

cj es una cadena de caracteres

Un caracter especifica el color.

Un caracter especifica las características del punto

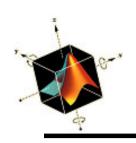
Uno o dos caracteres especifica el tipo de línea



### Líneas en 3D

 Para dibujar un conjunto de n líneas sin conectar cuyos puntos finales son

$$(x_{1j},y_{1j},z_{1j})$$
 y  $(x_{2j},y_{2j},z_{2j})$ ,  $j=1,2,...,n$   
se crean seis vectores:  $x_j = \begin{bmatrix} x_{j1} & x_{j2} & ... & x_{jn} \end{bmatrix}$   
• Así, plot3 es  $y_j = \begin{bmatrix} y_{j1} & y_{j2} & ... & y_{jn} \end{bmatrix}$   $j=1,2$   
 $x_1 = [...]; \quad x_2 = [...];$   
 $y_1 = [...]; \quad y_2 = [...];$   
 $z_1 = [...]; \quad z_2 = [...];$   
 $z_1 = [...]; \quad z_2 = [...];$   
plot3([x1; x2], [y1; y2], [z1; z2])  
donde [x1; x2], [y1; y2], y [z1; z2] son matrices de (2×n)



#### Líneas en 3D

 Todos los procedimientos de anotación descritas para los gráficos 2D son aplicables a las funciones de generación de curvas y superficies 3D, excepto que los argumentos de text se usa

donde s es un string y

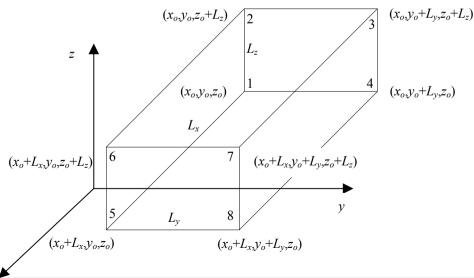
zlabel

se usa para etiquetar el eje z



### Ejemplo: Dibujo de cajas de alambres

 Se requiere una función BoxPlot3 que dibuje las aristas (4) de cada una de las seis superficies de una caja. La ubicación y orientación de la caja está determinada por las coordenadas de la diagonal de caras opuestas P(x<sub>o</sub>,y<sub>o</sub>,z<sub>o</sub>) and P(x<sub>o</sub>+L<sub>x</sub>, y<sub>o</sub>+L<sub>y</sub>, z<sub>o</sub>+L<sub>z</sub>)





### Ejemplo: Dibujo de cajas de alambres

```
function BoxPlot3(x0, y0, z0, Lx, Ly, Lz)
x = [x0, x0, x0, x0, x0+Lx, x0+Lx, x0+Lx, x0+Lx]; \%(1\times8)
y = [y0, y0, y0+Ly, y0+Ly, y0, y0, y0+Ly, y0+Ly]; %(1×8)
z = [z0, z0+Lz, z0+Lz, z0, z0, z0+Lz, z0+Lz, z0]; %(1×8)
index = zeros(6,5);
                                                                       (x_o,y_o+L_v,z_o+L_z)
                                                (x_o,y_o,z_o+L_z)
index(1,:) = [1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 1];
index(2,:) = [5 6 7 8 5];
                                                                        (x_o,y_o+L_y,z_o)
                                                   (x_o,y_o,z_o)
index(3,:) = [1 \ 2 \ 6 \ 5 \ 1];
index(4,:) = [4 \ 3 \ 7 \ 8 \ 4];
                               (x_o+L_x,y_o,z_o+L_z)
                                                          (x_o+L_x)(o+L_y,z_o+L_z)
index(5,:) = [2 6 7 3 2];
index(6,:) = [1 5 8 4 1];
                                       (x_o+L_x,y_o,z_o)
                                                       (x_o+L_x,y_o+L_y,z_o)
for k = 1:6
  plot3(x(index(k,:)), y(index(k,:)), z(index(k,:)))
  hold on
end
```



### Ejemplo: Dibujo de cajas de alambres

• El script para generar tres cajas con las siguientes dimensiones y coordenadas  $(x_o, y_o, z_o)$ 

- Box #1

Size:  $3\times5\times7$ 

Location: (1, 1, 1)

- <u>Box #2</u>

Size:  $4 \times 5 \times 1$ 

Location: (3, 4, 5)

Box #3

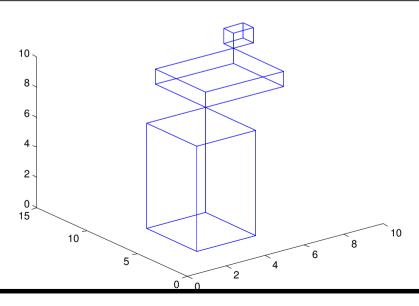
Size:  $1\times1\times1$ 

Location: (4.5, 5.5, 6)

BoxPlot3(1, 1, 1, 3, 5, 7)

BoxPlot3(4, 6, 8, 4, 5, 1)

BoxPlot3(8, 11, 9, 1, 1, 1)





## Ejemplo: Onda senoidal sobre una superficie de un cilindro

 Las coordenadas de una onda senoidal sobre la superficie de un cilindro se obtiene con

$$x = b\cos(t)$$

$$y = b\sin(t)$$

Si se asume que a = 10.0, b = 1.0,

$$z = c\cos(at)$$

c = 0.3, y  $0 \le t \le 2\pi$ , el script es

```
t = linspace(0, 2*pi, 200);

a = 10; b = 1.0; c = 0.3;

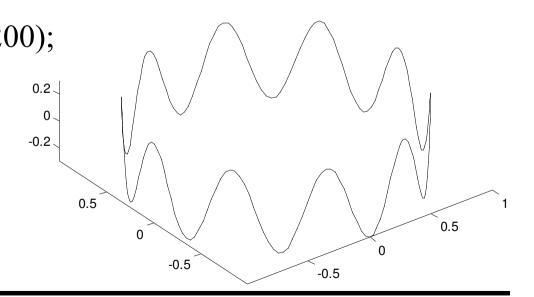
x = b*cos(t);

y = b*sin(t);

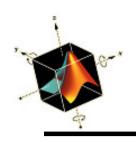
z = c*cos(a*t);

plot3(x, y, z, 'k')

axis equal
```



10



### Superficies

- Matlab contiene un conjunto de funciones gráficas 3D para crear superficies, contornos, y variaciones, así como especializaciones de esas formas básicas
- Una superficie se define por la expresión

$$z = f(x, y)$$

donde x e y son las coordenadas en el plano-xy y z es la altura resultante



### Superficies

 Las funciones básicas de graficación de superficies son

surf(x, y, z) y mesh(x, y, z)

donde x, y, z son las coordenadas de los puntos en la superficie

surf – dibuja una superficie compuesta de parches de colores que dependen de la magnitud z mesh – dibuja parches de superficies blancas que se definen por su contorno. Los colores de las líneas de los parches se determinan por la magnitud de z.



### Ejemplo de superficie

Se requiere dibujar una superficie definida por

$$z(x,y) = x^4 + 3x^2 + y^2 - 2x - 2y - 2x^2y + 6$$

definida en el rango -3 < x < 3 y -3 < y < 13

Se genera la función *SurfExample* para calcular las coordenadas x, y ,z

```
function [x, y, z] = SurfExample

x1 = linspace(-3, 3, 15); % (1×15)

y1 = linspace(-3, 13, 17); % (1×17)

[x, y] = meshgrid(x1, y1); % (17×15)

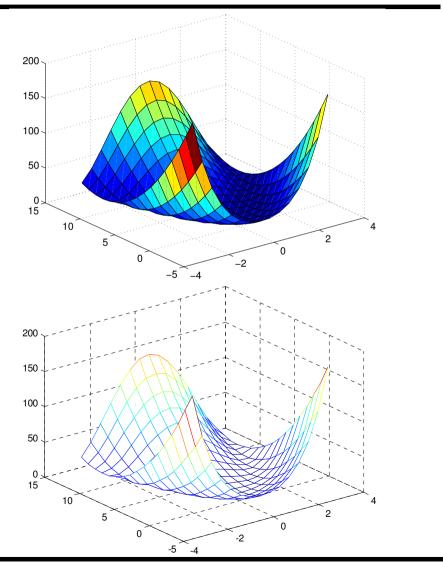
z = x.^4 + 3*x.^2 - 2*x + 6 - 2*y.*x.^2 + y.^2 - 2*y; % (17×15)
```

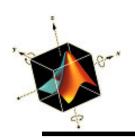


### Ejemplos de superficies con surf y mesh

[x,y,z] = SurfExample;surf(x, y, z)

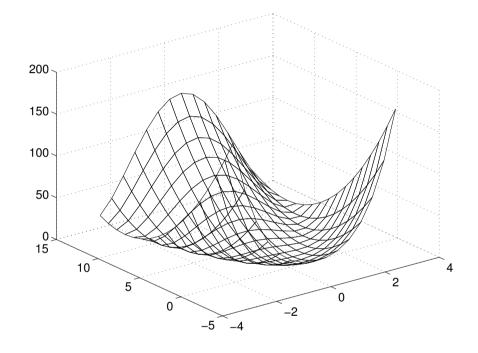
[x,y,z] = SurfExample;mesh(x, y, z)

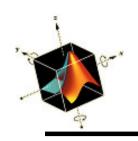




## Ejemplos de superficies con surf y mesh

[x,y,z] = SurfExample;
mesh(x, y, z)
hidden off





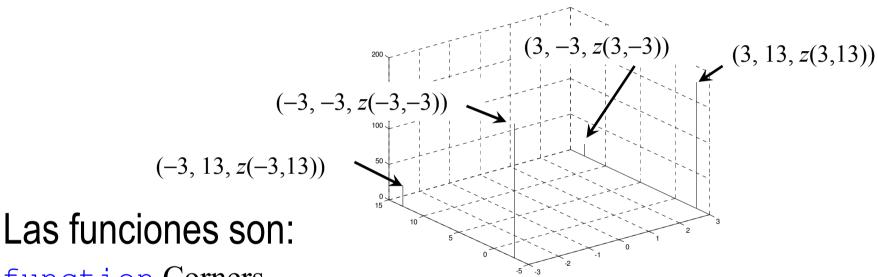
### Combinando superficies y líneas

- Se puede combinar funciones de graficación 3D para dibujar múltiples líneas y superficies
- Como ejemplo se crean dos funciones
   Corners: que dibuja cuatro líneas conectando las
   esquinas de la superficie generada por SurfExample
   al plano xy que pasa por z = 0
   Disc: que crea un disco circular que interseca la
   superficie creada por SurfExample en z<sub>o</sub> = 80,con
   radio de 10 unidades, y centro en (0,5)



### Ejemplo: combinando superficies y líneas

Las coordenadas de las esquinas son:



function Corners

$$xc = [-3, -3, 3, 3];$$
  
 $yc = [-3, 13, 13, -3];$   
 $zc = xc.^4 + 3*xc.^2 - 2*xc + 6 - 2*yc.*xc.^2 + yc.^2 - 2*yc;$   
hold on  
plot3([xc; xc], [yc; yc], [zeros(1,4); zc], 'k')

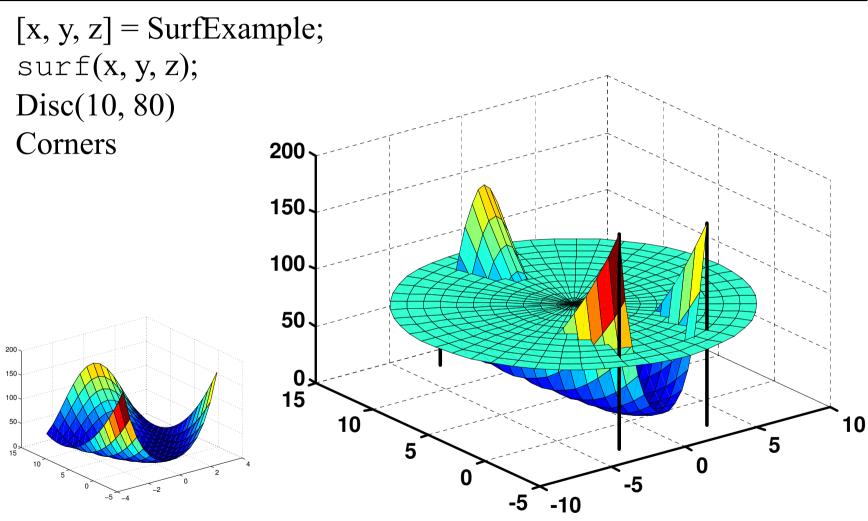


### Ejemplo: combinando superficies y líneas

```
function Disc(R, zo)
r = linspace(0, R, 12); % (1×12)
theta = linspace(0, 2*pi, 50); \% (1\times50)
                        \% (50 \times 12)
x = cos(theta')*r;
y = 5 + \sin(\text{theta'}) r;
                                 \% (50 \times 12)
hold on
z = repmat(zo, size(x)); \% (50 \times 12)
surf(x, y, z)
```



## Ejemplo: combinando superficies y líneas





### Modificación de la apariencia de gráficos

 Hay varias funciones que se pueden usar de forma combinada para modificar la apariencia de la superficie resultante

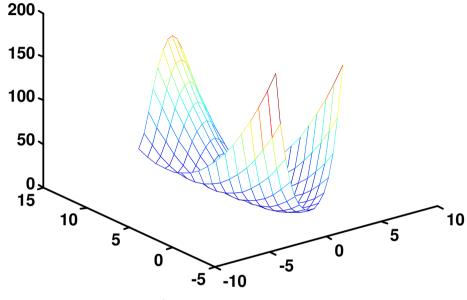
```
box on 0 box off grid on 0 grid off axis on 0 axis off
```

La función box on sólo dibuja una caja si axis on ha sido seleccionada

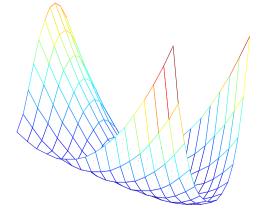


## Ejemplo: modificación de la apariencia de gráficos

[x,y,z] = SurfExample mesh(x, y, z)grid off



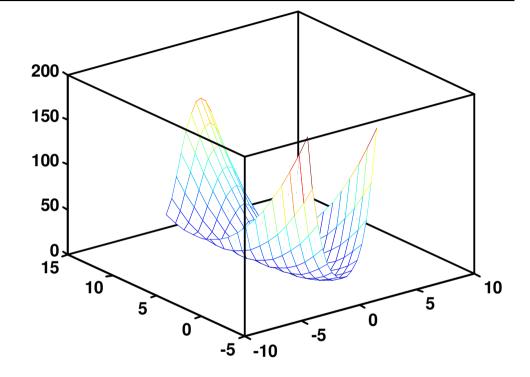
[x,y,z] = SurfExample
mesh(x, y, z)
axis off
grid off





# Ejemplo: modificación de la apariencia de gráficos

[x,y,z] = SurfExample mesh(x, y, z) axis on grid off box on





### Modificación de la apariencia de gráficos

 Los colores de los parches creados por surf o las líneas creadas por mesh se pueden cambiar a un color uniforme usando

donde *c* es un vector de tres elementos, cada uno de los cuales varía entre 0 y 1, correspondiendo a la intensidad del color rojo, verde y azul respectivamente (r, g, b). Ejm:

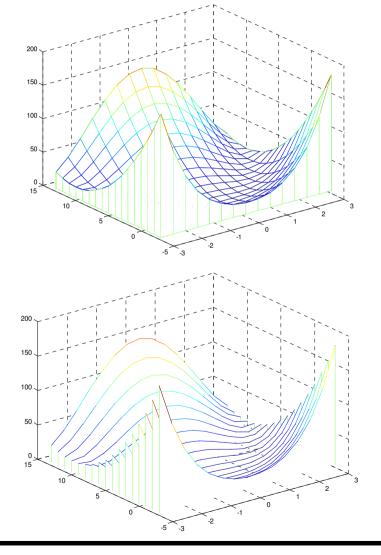
$\overline{c}$	Color
[0 0 0]	black
[1 1 1]	white
$[1\ 0\ 0]$	red
$[0\ 1\ 0]$	green
$[0\ 0\ 1]$	blue
[1 1 0]	yellow
[1 0 1]	magenta
[0 1 1]	cyan
[0.5 0.5 0.5]	gray



## Ejemplo: funciones adicionales para mejorar visualmente una superficie

$$[x,y,z] = SurfExample;$$
  
meshz(x, y, z)

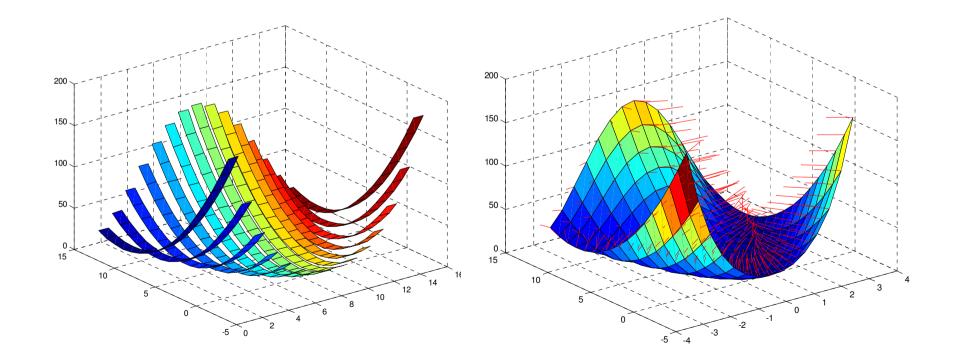
[x,y,z] = SurfExample;waterfall(x, y, z)





## Ejemplo: funciones adicionales para mejorar visualmente una superficie

$$[x,y,z] = SurfExample;$$
  
ribbon $(y, z)$ 





### Gráficos de contornos

- Las superficies también se pueden transformar en gráficos de contornos, que son gráficos de curvas formadas por la intersección de la superficie y un plano paralelo al plano xy en valores específicos de z
- Las funciones

```
surfc(x, y, z) y meshc(x, y, z)
```

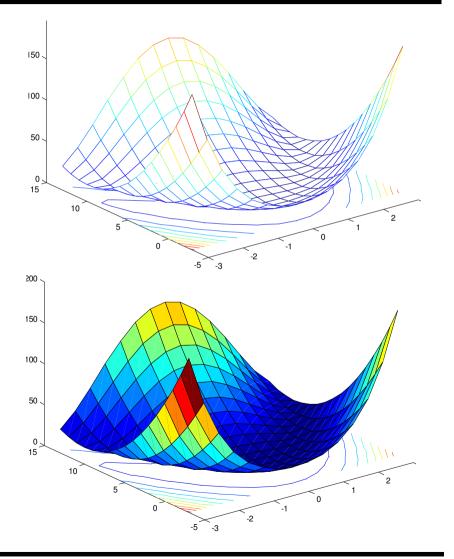
crean superficies con contornos proyectados debajo de la superficie. *x*, *y*, *z* son los valores de las coordenadas de puntos que definen la superficie

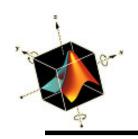


## Ejemplo de gráficos de contornos

[x,y,z] = SurfExample; meshc(x, y, z)grid off

[x,y,z] = SurfExample;
surfc(x, y, z)
grid off





### Gráficos de contornos

- Se pueden crear contornos sin visualizar la superficie, con etiquetas o sin etiquetas
- La función

contour(x, y, z, v)

### crea un gráfico de contorno donde

- x, y, z son las coordenadas de los puntos que definen la superficie
- v, si es un escalar, es el número de niveles de contornos a visualizar y, si es un vector de valores, los contornos de la superficie en los valores de z. El uso de v es opcional



### Gráficos de contornos

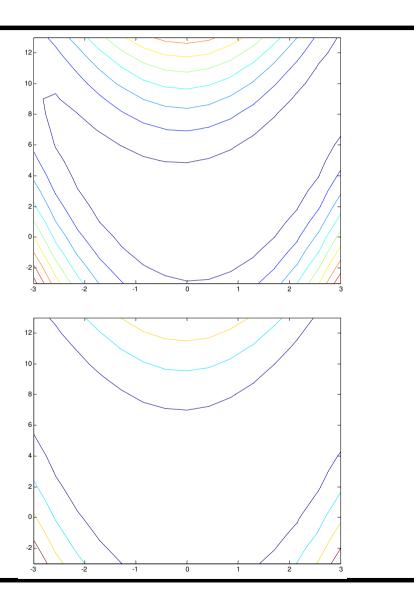
 Si se quiere etiquetar el contorno se usan las funciones



## Ejemplos de contour

[x,y,z] = SurfExample;contour(x, y, z)

[x,y,z] = SurfExample;contour(x, y, z, 4)

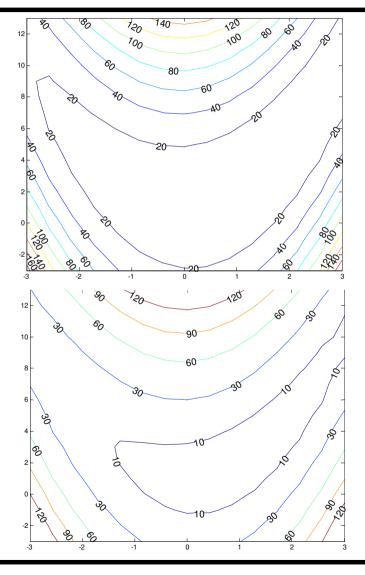


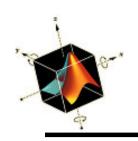


### Ejemplos de contour y clabel

```
[x,y,z] = SurfExample;
[C, h] = contour(x, y, z);
clabel(C, h)
```

```
[x,y,z] = SurfExample;
v= [10, 30:30:120];
[C, h] = contour(x, y, z, v);
clabel(C, h, v)
```





### Gráficos de contornos 3D

 Para obtener los contornos de superficies en 3D, se usa

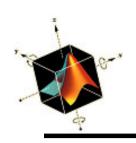
```
contour3(x, y, z, v)
```

#### donde

x, y, z son las coordenadas de los puntos de la superficie

v, si es un escalar, es el número de niveles de contornos a visualizar y, si es un vector de valores, los contornos de la superficie en los valores de z. El uso de v es opcional

Para etiquetar los contornos se usa



### Gráficos de contornos 3D

 Para rellenar la region entre contornos 2D con diferentes colores se usa

```
contourf(x, y, z, v)
```

los valores de los colores se pueden identificar usando

```
colorbar(s)
```

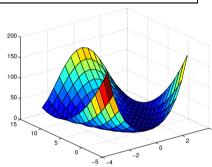
que coloca una barra de colores y sus correspondientes valores numéricos adyacente a la figura

La cantidad z es un string igual a 'horiz' o 'vert' para indicar la orientación de la barra. El valor por defecto es 'vert'

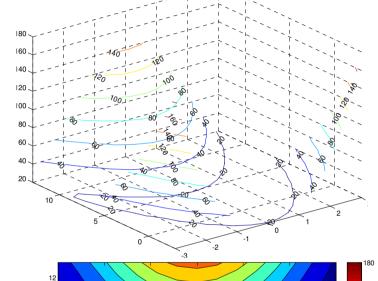


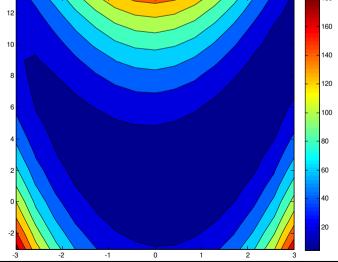
## Ejemplos de contour3, contourf y colorbar

[x,y,z] = SurfExample; [C, h] = contour3(x, y, z);clabel(C, h)



[x,y,z] = SurfExample; [C, h] = contourf(x, y, z); colorbar



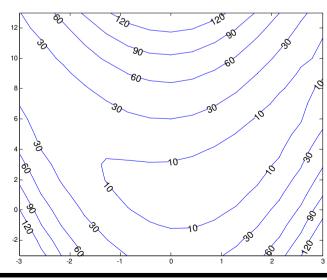




### Gráficos de contornos 3D

- Las propiedades de las líneas y etiquetas se pueden modificar de forma similar que para plot
- Por ejemplo, para cambiar el tamaño de las etiquetas creadas con contour a 14 puntos y las líneas del contorno azules, se siguen los pasos

```
[x, y, z] = SurfExample;
[C, h] = contour(x, y, z, v)
g = clabel(C, h, v);
set(g, 'Fontsize', 14)
set(h, 'LineColor', 'b')
```





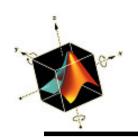
## Superficies cilíndricas, esféricas y elipsoidales

 Se puede usar una curva 2D como generador para crear superficies de revolución usando

$$[x, y, z] = cylinder(r, n)$$

que retorna las coordenadas x, y, z de una superficie cilíndrica utilizandoel vector r para definir una curva perfil

La función cylinder trata cada elemento en *r* como un radio en *n* puntos equiespaciados alrededeor de su circunferencia. Si se omite *n* se considera el valor 20



### Ejemplo de superficie cilíndrica

Para la curva

$$r = 1.1 + \sin(z) \qquad 0 \ge z \le 2\pi$$

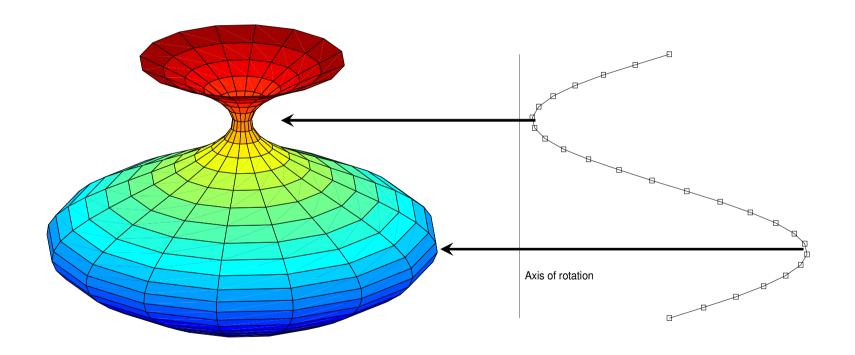
que se rota 360° alrededor del eje-z
Se usa 26 intervalos equiespaciados en la dirección z
y 16 intervalor equiespaciados en la dirección
circunferencial

• El script para graficar la superficie cilíndrica es

```
zz = linspace (0, 2*pi, 26);
[x, y, z] = cylinder(1.1+sin(zz), 16);
surf(x, y, z)
axis off
```



### Ejemplo de superficie cilíndrica



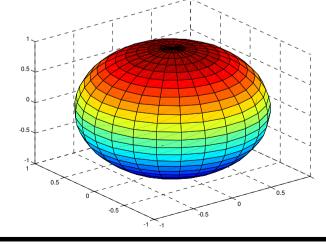


## Superficies cilíndricas, esféricas y elipsoidales

Para crear una esfera, se puede usar

donde n es el número de  $n \times n$  elementos que comprende la esfera de radio 1 centrado en el origen.

Si n se omite se toma n = 20





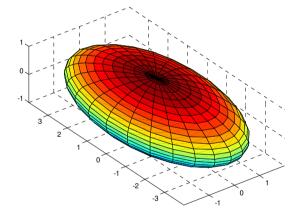
## Superficies cilíndricas, esféricas y elipsoidales

Para crear una elipsoide, se puede usar

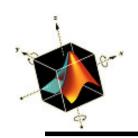
$$[x, y, z] = ellipsoid(xc, yc, zc, xr, yr, zr, n);$$

axisequal

surf(x, y, z)



en (xc, yc, zc) con longitud de semi-ejes en las direcciones x, y, z respectivamente, de xr, yr, y zr . n es el número de  $n \times n$  elementos que comprende el elipsoide. Si n se omite se toma n = 20



### Angulo de visión

- En ocasiones se desea cambiar el ángulo de vista por defecto de los gráficos 3D porque
  - No se muestra las características de interés
  - Varias vistas diferentes deben mostrarse usando subplot
  - La exploración de la superficie desde varias vistas es deseable antes de decidir la orientación final
- Para determinar el azimuth (a) y ángulo de elevación de la vista (e), se usa

$$[a, e] = view$$



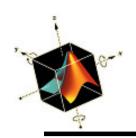
### Angulo de visión

 Para orientar el objeto se usa el icono Rotate 3D en la ventana de la figura y se orienta el objeto hasta obtener una orientación satisfactoria. Se mostrará los valores de azimuth y elevación mientras se rota



Esos valores se pueden ingresar en la expresión
 view(an, en)

para crear la orientación deseada cuando se ejecuta un script



### Sombreado (shading)

- Las superficies creadas con surf usan la propiedad de sombreado por defecto llamada 'faceted'.
- La función que cambia el sombreado es

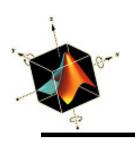
```
shading s

donde s es un string igual a

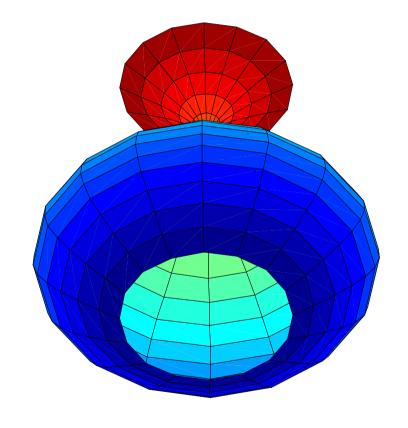
faceted % Default

flat

interp
```

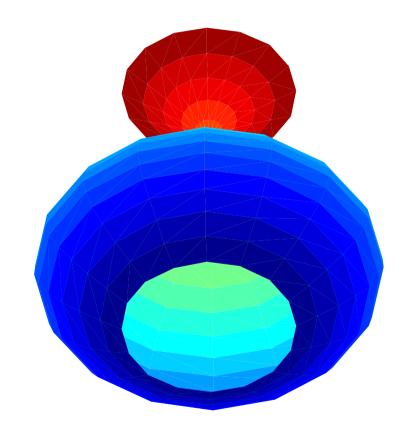


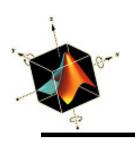
```
zz = linspace(0, 2*pi, 26);
r=1.1+sin(zz);
[x, y, z] = cylinder(r, 16);
surf(x, y, z)
view(-88.5, -48)
shading faceted
axis off vis3d
```



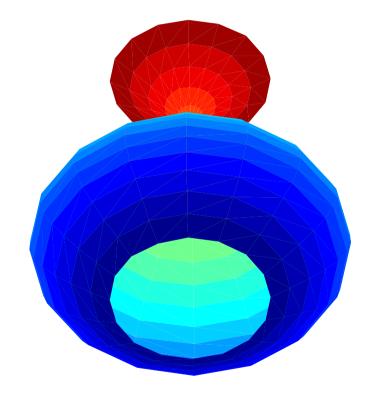


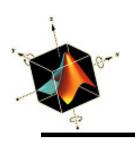
```
zz = linspace(0, 2*pi, 26);
r=1.1+sin(zz);
[x, y, z] = cylinder(r, 16);
surf(x, y, z)
view(-88.5, -48)
shading flat
axis off vis3d
```



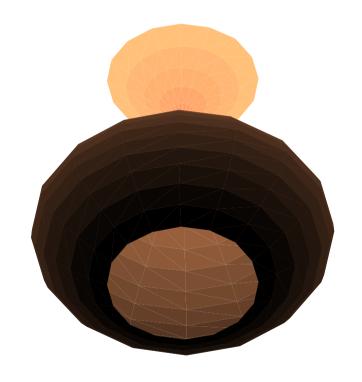


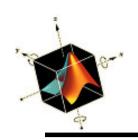
```
zz = linspace(0, 2*pi, 26);
r=1.1+sin(zz);
[x, y, z] = cylinder(r, 16);
surf(x, y, z)
view(-88.5, -48)
shading interp
axis off vis3d
```





```
r = 1+sin(zz);
[x, y, z] = cylinder(r, 16);
surf(x, y, z)
view(-88.5, -48)
shading interp
colormap(copper)
axis off vis3d
```





### Transparencia

- Las superficies creadas con surf puede tener su opacidad alterada asignando un valor numérico al keyword 'FaceAlpha'
- El efecto de este keyword en la superficie resultante es dependiente del tipo del sombreado seleccionado
- Para ilustrar la opción de transparencia, se crea una función que genera los valores numéricos para la superficie dada por  $x = a^v \cos v (1 + \cos u)$

$$y = -a^{v} \sin v (1 + \cos u)$$

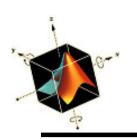
$$z = -ba^{v}(1 + \sin u)$$



#### Transparencia

• Si se asume que *a* = 1.13 y *b* = 1.14, la función fichero m para esta superficie es

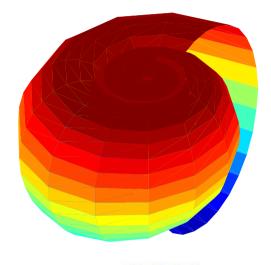
```
function [x, y, z] = Transparency
a = 1.13; b = 1.14;
uu = linspace(0, 2*pi, 30);
vv = linspace(-15, 6, 45);
[u, v] = meshgrid(uu, vv);
x = a.^v.*cos(v).*(1+cos(u));
y = -a.^v.*sin(v).*(1+cos(u));
z = -b*a.^v.*(1+sin(u));
```



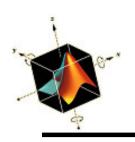
### Ejemplo de transparencia

[x, y, z] = Transparency;
surf(x, y, z)
shading interp
axis vis3d off
equal
view([-35 38])

[x, y, z] = Transparency;
h = surf(x, y, z)
set(h, 'FaceAlpha', 0.4)
shading interp
axis vis3d off equal
view([-35 38])







### Ejemplo de transparencia

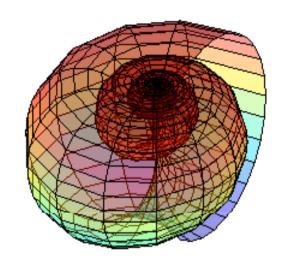
```
[x, y, z] = Transparency;

h = surf(x, y, z)

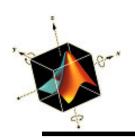
set(h, 'FaceAlpha', 0.4)

axis vis3d off equal

view([-35 38])
```



Nota: se omite shading



#### Ejemplo: coloreado de cajas

- Modificación de fichero m BoxPlot3 para que las seis superficies representadas por los rectángulos se rellene con un color diferente
- La modificación se consigue usando fill3
- La versión revisada de BoxPlot3 renombrada como BoxPlot3C es



### Ejemplo: coloreado de cajas

```
function BoxPlot3C(xo, yo, zo, Lx, Ly, Lz, w)
% w = 0, wire frame; w = 1, rectangles are colored
x = [xo]
                                           xo+Lx
                                                                            xo+Lx];
                                                      xo+Lx
                                                                 xo+Lx
          XO
                     XO
                                 XO
y = [y_0]
                     yo+Ly
                                                                 yo+Ly
                                                                            yo+Ly];
          VO
                                yo+Ly
                                           VO
                                                      VO
z = [z_0]
        zo+Lz
                     z_0+Lz
                                                      zo+Lz
                                                                 zo+Lz
                                ZO
                                           ZO
                                                                             ZO
index = zeros(6.5);
index(1,:) = [1 2 3 4 1];
index(2,:) = [5 6 7 8 5];
index(3,:) = [1 \ 2 \ 6 \ 5 \ 1];
index(4,:) = [4 \ 3 \ 7 \ 8 \ 4];
index(5.:) = [2 6 7 3 2]:
index(6,:) = [1 5 8 4 1];
c = 'rgbcmy';
for k = 1:6
  if w = 0
    fill3(x(index(k,:)), y(index(k,:)), z(index(k,:)), c(k))
  else
    plot3(x(index(k,:)), y(index(k,:)), z(index(k,:)))
  end
  hold on
end
```

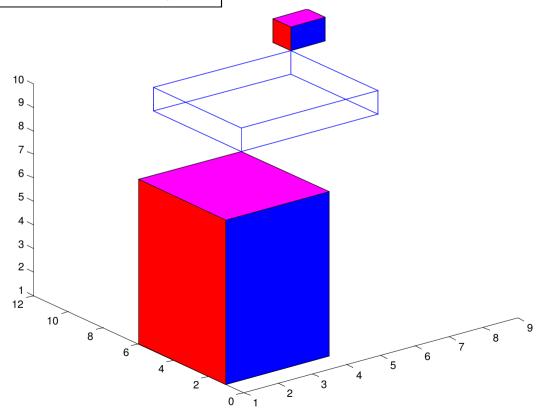


### Ejemplo: coloreado de cajas

BoxPlot3C(1, 1, 1, 3, 5, 7, 1)

BoxPlot3C(4, 6, 8, 4, 5, 1, 0)

BoxPlot3C(8, 11, 9, 1, 1, 1, 1)





## Ejemplo: intersección de un cilindro y una esfera y resaltado de su intersección

• La curva que resulta de la intersección de una esfera de radio 2a centrada en el origen y un cilindro circular de radio a centrado en (a, 0) es dado por las ecuaciones paramétricas  $x = a(1 + \cos \varphi)$ 

$$y = a \sin \varphi$$
$$z = 2a \sin(\varphi/2)$$

donde  $0 \le \varphi \le 4\pi$ 

 Para crear una esfera de radio 2a, se multiplica cada coordenada de sphere por 2a.



# Ejemplo: intersección de un cilindro y una esfera y resaltado de su intersección

 Las coordenadas de cylinder se modifican con la transformación:

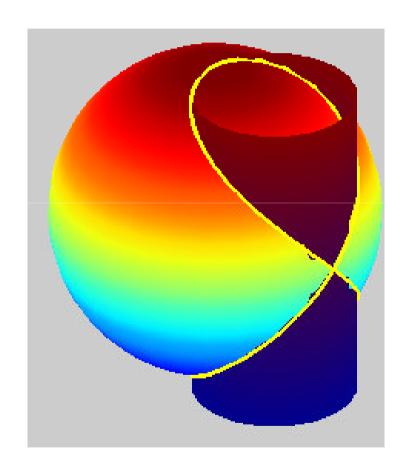
$$x \rightarrow ax + a$$
  
 $y \rightarrow ay$   
 $z \rightarrow 4az - 2a$ 

• Se asume que *a* = 1. El script es



## Ejemplo: intersección de un cilindro y una esfera y resaltado de su intersección

```
a = 1;
[xs, ys, zs] = sphere(30);
surf(2*a*xs, 2*a*ys, 2*a*zs)
hold on
[x, y, z] = \text{cylinder};
surf(a*x+a, a*y, 4*a*z-2*a)
shading interp
t = linspace(0, 4*pi, 100);
x = a*(1+\cos(t));
y = a*sin(t);
z = 2*a*sin(t/2);
plot3(x, y, z, 'y-', 'Linewidth', 2.5);
axis equal off
view([45, 30])
```





 Para una esfera de radio a y un elipsoide con su eje mayor en la dirección x igual a 2a, eje menor en la dirección y igual a 2b, y un eje menor en la dirección z igual a 2c, la proporción del volumen de un elipsoide con relación al volumen de una esfera es

$$V = \frac{V_{ellipse}}{V_{sphere}} = \left(\frac{b}{a}\right) \left(\frac{c}{a}\right)$$

 Se crea el siguiente programa para mejorar la comprensión de un gráfico de V como función de b/a para varios valores de c/a



```
b = [0.5, 1]; c = b;
for k = 1.2
  plot(b, b*c(k), 'k-')
  text(0.75, (b(1)*c(k)+b(2)*c(k))/2-0.02, ['c/a = 'num2str(c(k))])
  hold on
end
xlabel('b/a') ylabel('V')
for k = 1.4
  switch k
     case 1
       axes('position', [0.12, 0.2, 0.2, 0.2])
       [xs, ys, zs] = ellipsoid(0, 0, 0, 1, b(1), c(1), 20);
       mesh(xs, ys, zs)
       text(0, 0, 1, ['b/a = 'num2str(b(1))' c/a = 'num2str(c(1))])
case 2
       axes ('position', [0.1, 0.5, 0.2, 0.2])
       [xs, ys, zs] = ellipsoid(0, 0, 0, 1, b(1), c(2), 20);
       mesh (xs, ys, zs)
       text (0, 0, 1.5, ['b/a = 'num2str(b(1))'c/a = 'num2str(c(2))])
```



```
case 3 

axes ('position', [0.7, 0.65, 0.2, 0.2]) 

[xs, ys, zs] = ellipsoid(0, 0, 0, 1, b(2), c(2), 20); 

mesh (xs, ys, zs) 

text (-1.5, 0, 2, ['b/a = ' num2str(b(2))' c/a = ' num2str(c(2))]) 

case 4 

axes ('position', [0.7, 0.38, 0.2, 0.2]) 

[xs, ys, zs] = ellipsoid(0, 0, 0, 1, b(2), c(1), 20); 

mesh (xs, ys, zs) 

text (-1.5, 0, 1.5, ['b/a = ' num2str(b(2))' c/a = ' num2str(c(1))]) 

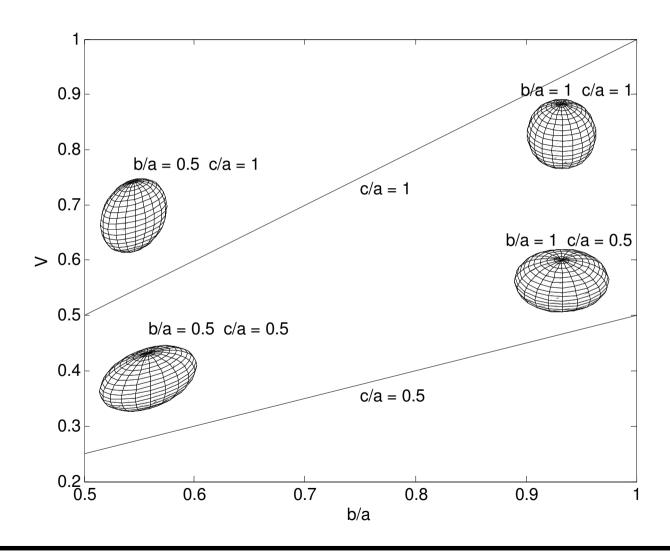
end 

colormap([0 0 0]) 

axis equal off 

end
```







# Rotación y traslación de objetos 3D: ángulos de Euler

 La rotación y traslación de un punto p(x,y,z) a otra posición P(X,Y,Z) es determinado por

$$X = L_{x} + a_{11}x + a_{12}y + a_{13}z$$

$$Y = L_{y} + a_{21}x + a_{22}y + a_{23}z$$

$$Z = L_{z} + a_{21}x + a_{22}y + a_{23}z$$

donde  $L_x$ ,  $L_y$ , y  $L_z$  son los componentes x, y, z de la traslación, respectivamente, y  $a_{ij}$ , i, j = 1, 2, 3, son los elementos de

$$a = \begin{bmatrix} \cos \psi \cos \chi & -\cos \psi \sin \chi & \sin \psi \\ \cos \varphi \sin \chi + \sin \varphi \sin \psi \cos \chi & \cos \varphi \cos \chi - \sin \varphi \sin \psi \sin \chi & -\sin \varphi \cos \psi \\ \sin \varphi \sin \chi - \cos \varphi \sin \psi \cos \chi & \sin \varphi \cos \chi + \cos \varphi \sin \psi \sin \chi & \cos \varphi \cos \psi \end{bmatrix}$$



## Rotación y traslación de objetos 3D: ángulos de Euler

• Las cantidades  $\phi$ ,  $\psi$ , y  $\chi$  son los ángulos de rotación ordenados (ángulos de Euler) del sistema de coordenadas alrededor del origen

```
\phi alrededor del eje x
\psi alrededor del eje y
\chi alrededor del eje z
```

- En general, (x,y,z) pueden ser escalares, vectores de la misma longitud, o matrices del mismo orden
- Se crea la función EulerAngles



## Rotación y traslación de objetos 3D: ángulos de Euler

```
function [Xrt, Yrt, Zrt] = EulerAngles(psi, chi, phi, Lx, Ly, Lz, x, y, z)
a = [\cos(psi)*\cos(chi), -\cos(psi)*\sin(chi), \sin(psi); ...
    cos(phi)*sin(chi)+sin(phi)*sin(psi)*cos(chi), ...
    cos(phi)*cos(chi)-sin(phi)*sin(psi)*sin(chi), ...
    -sin(phi)*cos(psi); ...
    sin(phi)*sin(chi)-cos(phi)*sin(psi)*cos(chi), ...
    sin(phi)*cos(chi)+cos(phi)*sin(psi)*sin(chi), ...
    cos(phi)*cos(psi)];
Xrt = a(1,1)*x+a(1,2)*y+a(1,3)*z+Lx;
                                             X = L_{y} + a_{11}x + a_{12}y + a_{13}z
Yrt = a(2,1)*x+a(2,2)*y+a(2,3)*z+Ly;
                                             Y = L_y + a_{21}x + a_{22}y + a_{23}z
Zrt = a(3,1)*x+a(3,2)*y+a(3,3)*z+Lz:
                                             Z = L_{z} + a_{21}x + a_{22}y + a_{23}z
```



Las ecuaciones para generar un toro son

$$x = r\cos\theta$$
 Torus  $y = r\sin\theta$   $z = \pm \sqrt{a^2 - \left(\sqrt{x^2 + y^2} - b\right)^2}$ 

donde 
$$b - a \le r \le b + a$$
,  $0 \le \theta \le 2\pi$ , y  $b > a$ 

Se crea la función *Torus* para obtener las coordenadas del toro que usa las función real para eliminar la parte imaginaria debida a redondeos numéricos



```
function [X, Y, Z] = Torus(a, b)
r = linspace(b-a, b+a, 10);
th = linspace(0, 2*pi, 22);
x = r'*cos(th);
y = r'*sin(th);
z = real(sqrt(a^2-(sqrt(x.^2+y.^2)-b).^2));
X = [x x];
Y = [y y];
Z = [z -z];
```



- Se obtendrá cuatro gráficas del toro:
  - Sin rotación
  - Rotado 60° alrededor del eje x ( $\phi$  = 60°) y comparado con el toro original
  - Rotado 60° alrededor del eje y ( $\psi$  = 60°) y comparado con el toro original
  - Rotado 60° alrededor del eje x ( $\phi$  = 60°), rotado 60° alrededor del eje y ( $\psi$  = 60°) y comparado con el toro original
- Se asume que a = 0.2 y b = 0.8 y se usa colormap para producir una malla de líneas



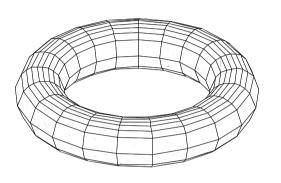
```
[X, Y, Z] = Torus(0.2, 0.8);
psi = [0, pi/3, pi/3]; chi = [0, 0, 0]; phi = [pi/3, 0, pi/3];
Lx = 0; Ly = 0; Lz = 0;
for k = 1:4
   subplot(2,2,k)
    ifk==1
       mesh(X, Y, Z)
   else
       mesh(X, Y, Z)
       hold on
       [Xr Yr Zr] = EulerAngles(psi(k-1), chi(k-1), ...
                     phi(k-1), Lx, Ly, Lz, X, Y, Z):
       mesh(Xr, Yr, Zr)
   end
```

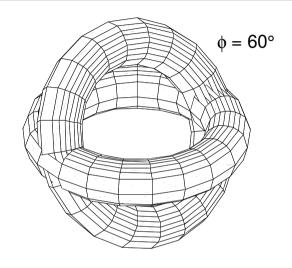


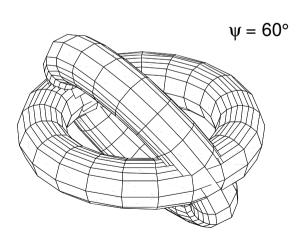
```
switch k
     case 1
        text(0.5, -0.5, 1, 'Torus')
     case 2
        text(0.5, -0.5, 1, '\phi = 60\circ')
     case 3
       text(0.5, -0.5, 1, \psi = 60\circ')
     case 4
        text(0.5, -0.5, 1.35, \psi = 60\circ')
        text(0.55, -0.5, 1, '\phi = 60\circ')
  end
   colormap([0 0 0])
  axis equal off
  grid off
end
```

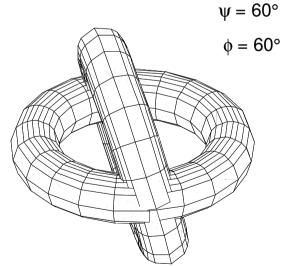






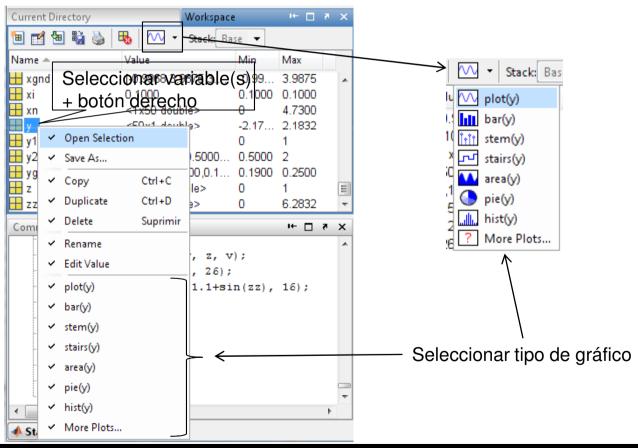








• El entorno Matlab permite crear gráficas interactivamente de varias maneras

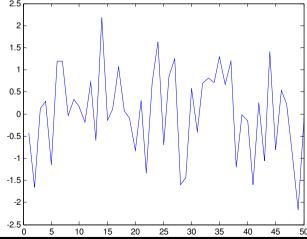




Se introducen los siguientes comandos:

```
>> N=50;
>> y=randn(N,1);
>> y2=filter([1 1]/2,1,y);
```

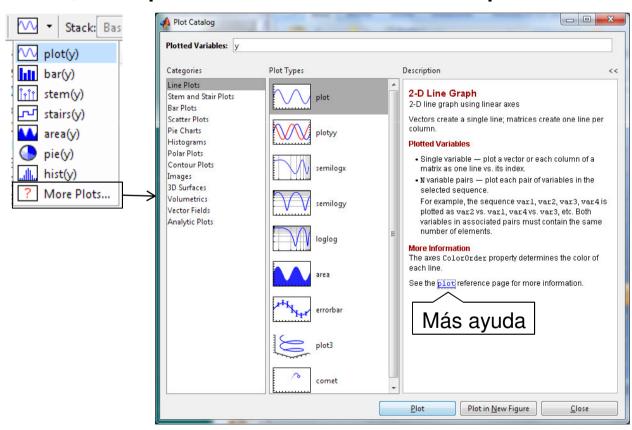
• Se pulsa sobre la variable *y* en el Workspace y se pulsa sobre el icono . Se obtiene el gráfico



**72** 



 Se puede modificar el tipo de gráfico desplegando el menú para obtener la descripción



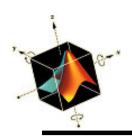


 Cuando se selecciona un tipo de gráfico se genera el comando correspondiente en la ventana de comandos

```
Command Window

New to MATLAB? Watch this Video, see Demos, or read Getting Started.

>> plot (y, 'DisplayName', 'y', 'YDataSource', 'y'); figure (gcf)
>> bar (y, 'DisplayName', 'y', 'YDataSource', 'y'); figure (gcf)
>> stem (y, 'DisplayName', 'y', 'YDataSource', 'y'); figure (gcf)
>> |
```



 En la ventana de figura se puede modificar el gráfico, generar el código y guardarlo para ser invocado

