Programación avanzada

Pedro Corcuera

Dpto. Matemática Aplicada y Ciencias de la Computación Universidad de Cantabria

corcuerp@unican.es

Estructura de un programa

Índice

- Tipos de almacenamiento.
- Variables automáticas.
- Variables estáticas.
- Variables externas o globales.
- Variables registro.
- Modificadores.

Tipos de almacenamiento

- Las variables se caracterizan por sus tipos de datos y por sus tipos de almacenamiento.
- El tipo de almacenamiento se refiere a la *permanencia* de la variable y a su *ámbito* dentro del programa (parte).
- La permanencia o duración de una variable se refiere a la gestión temporal del almacenamiento en memoria de una variable.
- El ámbito o alcance de una variable se refiere a la región del programa donde se reconoce la variable.
- C dispone de cuatro especificadores de tipos de almacenamiento: auto, static, extern y register y dos modificadores de tipo de almacenamiento (const y volatile).

Variables automáticas

- Se declaran siempre dentro de la función o bloque de instrucciones ({ }) anteponiendo a la declaración la palabra auto. Por defecto, cualquier variable local declarada dentro de una función se considera como automática.
- La duración de una variable automática se conserva mientras se ejecuta la función o bloque donde se ha declarado.
 Cuando termina su alcance, el compilador libera esa posición de memoria perdiéndose su valor. Si se reingresa al alcance de la variable se asigna una nueva dirección.
- El ámbito de una variable automática es local a la función o bloque donde se ha declarado.

Variables automáticas

 Las variables automáticas cuando se declaran e inicializan son reinicializadas cada vez que se ingresa a su bloque de alcance.

```
#include <stdio.h>
void incremento(void)
{ auto int j=1;
   j++; printf( "j: %d\n", j );
}
int main( void )
{ incremento();
   incremento();
   incremento();
}
```

Variables estáticas

- Se declaran siempre dentro de la función o bloque de instrucciones ({ }) anteponiendo a la declaración la palabra static.
- El ámbito de una variable estática es local a la función o bloque donde se ha declarado.
- La duración de una variable estática se extiende mientras se ejecuta el programa. Es decir retienen sus valores durante toda la vida del programa. Esta característica permite a las funciones mantener información a lo largo de la ejecución del programa.

Variables estáticas

 Las variables estáticas se pueden inicializar mediante una constante al momento de su declaración. Si no se inicializan se asignan el valor 0.

```
#include <stdio.h>
void incremento(void)
{ static int k=1;
   k++; printf( "k: %d\n", k );
}
int main( void )
{ incremento();
   incremento();
   incremento();
}
```

Variables externas o globales

- Las variables externas (ve) se definen y se declaran. La definición de una ve se escribe de la misma manera que una declaración de una variable ordinaria, fuera y normalmente antes de las funciones que acceden a ellas y son considearadas estáticas. La declaración de una ve empieza por el especificador extern.
- El ámbito de una variable externa se extiende desde el punto de su definición hasta el resto del programa, pudiendo abarcar dos o más funciones e incluso varios archivos.
- La duración de una variable externa es similar a una estática.

Variables externas

 Las ve proporcionan un mecanismo adicional de transferencia de información entre funciones sin usar argumentos.

```
Primer archivo:
extern int a, b, c; /* declaración de vars. externas */
void func1(void)
Segundo archivo:
int a=1, b=2, c=3; /* definición de vars. externas */
main()
```

Variables registro

- Las variables registro son áreas especiales de almacenamiento dentro de la CPU cuyo acceso es muy rápido. Algunos programas pueden reducir su tiempo de ejecución, si algunos valores pueden almacenarse dentro de los registros en vez de la memoria del computador.
- La declaración de una variable registro empieza por el especificador register. Éste recomienda al compilador que la variable debe mantenerse en un registro para ganar velocidad de procesamiento.
- El ámbito y duración de una variable register es similar a una automática.

Variables registro

 Como los procesadores disponen de un número limitado de registros se recomienda un uso moderado del especificador *register*. El operador dirección (&) no se aplica a las variables registro. Normalmente sólo variables enteras se declaran *register*.

```
int strlen( register char *p)
{
  register int len = 0;
  while (*p++)
    len++;
  return len;
}
```

Modificadores const y volatile

- const informa al compilador que la variable no puede modificarse.
- volatile informa al compilador que la variable puede modificarse por medios ajenos al compilador C (drivers, controladores via hardware).

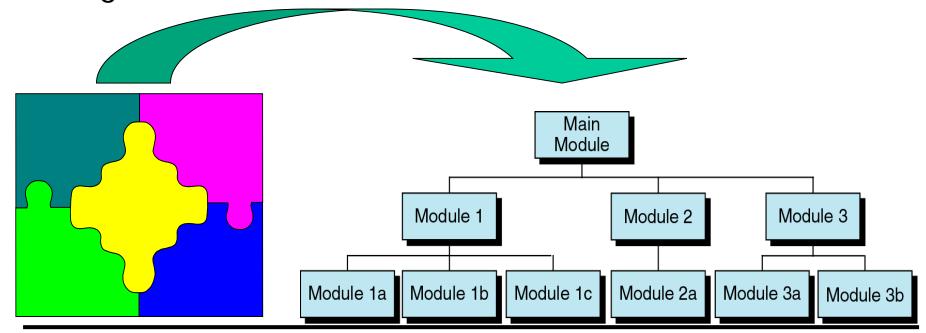
Funciones

Índice

- Estrategia de programación
- Uso y beneficios de las funciones.
- Sintaxis de la definición de una función y prototipado.
- Paso de argumentos a una función.
- Funciones y algoritmos recursivos.

Estrategia de programación: dividir y vencer

- Construir un programa a partir de pequeñas piezas o componentes.
- Cada pieza es más manejable que el programa original.



Estrategia de programación: top - down

Análisis y diseño en programación

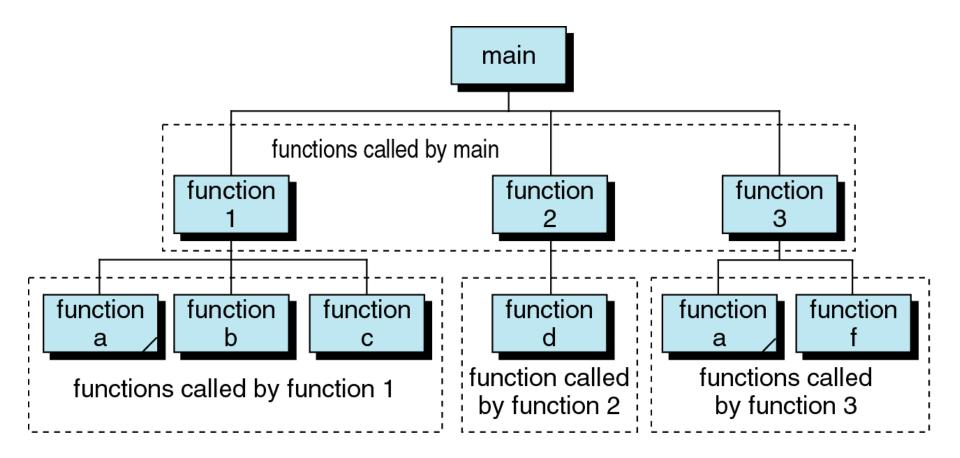
- Analizar el problema
- Diseñar una solución a grandes rasgos
- Una descomposición funcional muestra la forma de encajar las piezas
- Diseñar las funciones individuales

Descomposición funcional

- Buscar elementos comunes (similaridad)
- Parametrizar las características especiales (diferencias)
- Determinar qué funciones usarán otras
 - Usar un gráfico para mostrar las relaciones

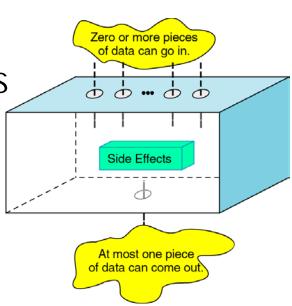
Estrategia de programación: top - down

Descomposición funcional de un programa



Características del uso de Funciones

- Modularizan un programa
- Todas las variables declaradas dentro de las funciones son variables locales
 - Se conocen sólo en la función definida
- Argumentos o Parámetros
 - Comunican información entre funciones
 - Variables locales



Beneficios del uso de Funciones

- La complejidad de cada función es mucho menor que la de todo el programa.
- Evitan repetición de código.
- Si se diseñan lo suficientemente generales, se pueden reutilizar (Reusabilidad del Software).
- Se puede repartir el trabajo entre varios programadores, reduciendo el tiempo de desarrollo.
- Se puede probar las funciones según se van terminando, sin necesidad de esperar a terminar todo el programa. Facilita la corrección de errores cometidos en las funciones.
- Facilita la depuración del programa, identificando y aislando la función incorrecta.
- Permite usar funciones creadas por otros programadores.

Sintaxis de la definición de una función

```
tipo_devuelto nombreFuncion(tipo1 arg1,..., tipon argn)
     /* declaración de variables */;
       instrucción 1;
       instrucción_2;
       instrucción_n;
       return expresión_devuelta;
Nota: void nombre_funcion() – no devuelve nada
     nombre_funcion(void) – no recibe argumentos
```

Sintaxis de la definición de una función

```
Nombre
                factorial (int n
                                    Argumentos
             int producto, i;
Retorna
                                    (separados por comas)
tipo y valor
(por defecto
             producto = 1;
int)
             for (i = n; i > 1; i--) {
                   producto *=i;
                     (producto);
             return
```

Prototipo de una Función

- Para que una función pueda usarse en otras partes del programa es necesario colocar al principio de éste el prototipo de la función.
- La misión del prototipo es la de declarar la función al resto del programa, lo que permite al compilador:
 - Comprobar que los argumentos son correctos, tanto en número como en tipo.
 - Comprobar que el uso del valor devuelto por la función sea acorde con su tipo.
- Sintaxis del prototipo:

tipo_devuelto nombreFuncion(tipo1 arg1,..., tipon argn);

Ejemplo de uso de funciones

```
/**************************
* Programa: factorial.c
* Descripción: Calcula el factorial de un numero usando una funcion
             con tipo de dato long y double
* Autor: Pedro Corcuera
* Revisión: 1.0 2/02/2008
#include <stdio.h>
long int factoriali (int n);
                            declaración de prototipos
double factorialf (int n);
int main (void)
   int n;
   long int fact;
  printf ("Ingresar numero: ");
   scanf("%d", &n);
   fact = factoriali(n);
  printf("El factorial de %d es: %d\n",n, fact);
   printf("El factorial de %d es: %.0f\n",n, factorialf(n));
  return 0;
```

Ejemplo de uso de funciones

```
long int factoriali ( int n )
   int i;
                           variables locales
   long int producto;
   producto = 1;
   for (i = n; i > 1; i--) {
        producto *=i;
   return (producto);
double factorialf ( int n )
   int i;
   double producto;
   producto = 1;
   for (i = n; i > 1; i--) {
        producto *=i;
   return (producto);
```

Paso de argumentos a una función

- Hay dos formas de pasar argumentos a una función:
 - Por valor.
 - Por referencia.
- Paso de argumentos por valor:
 - Cuando se pasa un valor a una función mediante un argumento, se copia el valor a la función. Por ello se puede modificar el valor del argumento dentro de la función, sin alterar el valor del argumento donde se realiza la llamada.
- En C el paso de argumentos es, por defecto, por valor.
- El paso por valor implica que la transferencia de información sólo se realiza en un sentido.

Paso de argumentos por valor

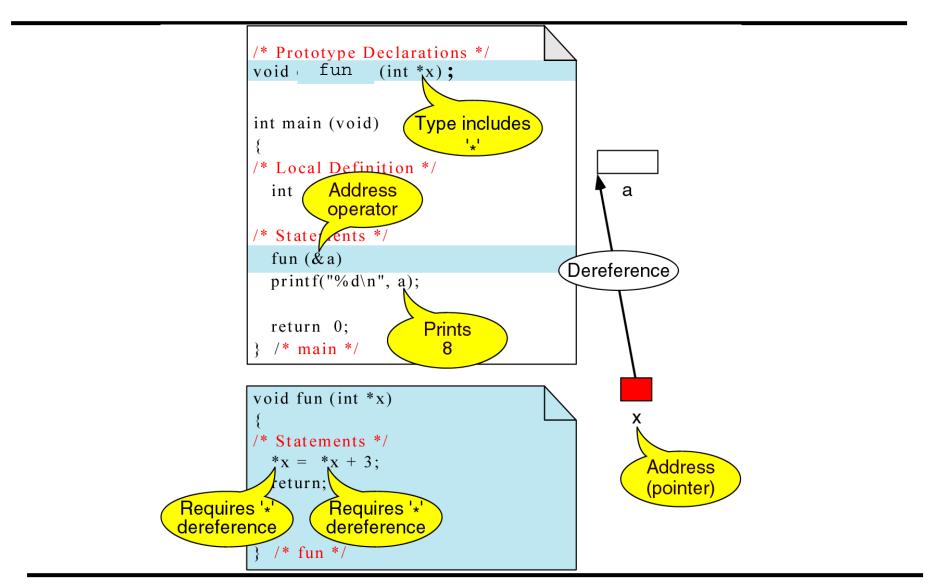
```
/* Prototype Declarations */
void fun (int num1);
int main (void)
/* Local Definitions */
  int a = 5;
                  prints 5
/* Statements *
  fun (a)
  printf("%d\n", a);
                                          One-way
                                       communication
  return 0;
  /* main */
void fun (int x)
                                         Χ
/* Statements */
 x = x + 3;
                                              Only a copy
  return;
 /* fun*/
```

Paso de argumentos a una función

Paso de argumentos por referencia:

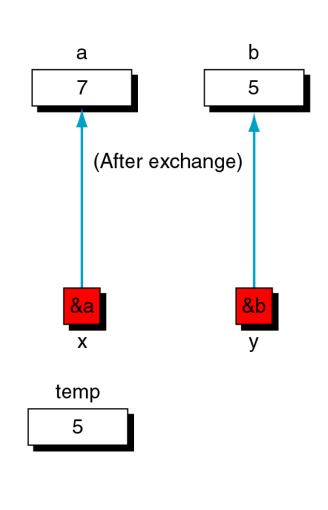
- Cuando se requiere que la función modifique el valor del argumento real que se pasa a una función se utiliza el paso por referencia. En este caso la modificación que se realice dentro de la función del argumento formal altera el valor del argumento real donde se realiza la llamada.
- El paso por referencia implica que la transferencia de información se realiza en ambos sentidos (entrada/salida).
- En este caso es necesario pasar la dirección de las variables y manejar su contenido con punteros.

Paso de argumentos por referencia



Paso de argumentos por referencia

```
/* Prototype Declarations */
void exchange (int *, int *);
int main (void)
{
  int a = 5;
  int b = 7;
  exchange (&a, &b);
  printf("%d %d\n", a, b);
  return 0;
} /* main */
```



Paso de arrays a funciones

- Un array (vector) se pasa a una función poniendo el nombre del array sin corchetes ni índices.
- En el argumento formal se declara un array con un par de corchetes vacíos. Es decir, el tamaño del array no se especifica en la declaración de argumentos formales.
- En el caso de arrays multidimensionales las declaraciones de argumentos formales dentro de la definición de la función deben incluir especificaciones explícitas de tamaño en todos los índices excepto el primero.

Paso de arrays a funciones

```
#include <stdio.h>
                                                    3
                                                           base [0]
/* Prototype Declarations */
double average (int x[]);
                                                    7
                                                           base [1]
int main (void)
                                                    2
                                                           base [2]
 double ave;
                                                    4
                                                           base [3]
 int base[5] = \{3, 7, 2, 4, 5\};
                                                    5
                                                           base [4]
 ave = average (base);
                                                  base
 return 0;
} /* main */
                                                    Any reference to
                                                       x means a
double average (int x [])
                                                   reference to base[]
 int i;
 int sum = 0;
 for (i = 0; i < 5; i++)
     sum += x [i];
 return (sum / 5.0);
} /* main */
                                              sum
```

Paso de arrays a funciones

```
table
#define MAX ROWS 5
#define MAX COLS 4
                                                         2
                                                              3
/* Prototype Declarations */
double average (int [][MAX_COLS]);
                                               10
                                                    11
                                                        12
                                                             13
int main (void)
                                               20
                                                    21
                                                        22
                                                             23
 double ave;
int table[MAX_ROWS][MAX_COLS] =
                                                        32
                                               30
                                                    31
                                                             33
                                               40
                                                    41
                                                        42
                                                             43
        \{0, 1, 2, 3\},\
       { 10, 11, 12, 13 },
        { 20, 21, 22, 23 },
        { 30, 31, 32, 33 },
        { 40, 41, 42, 43 }
       }; /* table */
 ave = average (table);
 return 0;
                                                  Address
} /* main */
                                                  of table
double average (int x[][MAX COLS])
 int i;
 int j;
 double sum = 0;
 for (i = 0; i < MAX ROWS; i++)
     for (j = 0; j < MAX\_COLS; j++)
           sum += x [i] [j];
 return(sum / (MAX_ROWS * MAX_COLS);
} /* average */
                                                         sum
```

Paso de estructuras a funciones

- Hay varias maneras de pasar información de una estructura a o desde una función.
- Se pueden transferir los miembros individuales o las estructuras completas.
- Una estructura completa se transfiere pasando la estructura como argumento (paso por *valor*) o un puntero a la estructura como argumento (paso por *referencia*).
- Una función puede devolver una estructura o un puntero a estructura.

Paso de punteros a funciones

- Se utilizan cuando se requiere pasar argumentos por referencia.
- Cuando se pasan variables simples normalmente se pasa como argumentos en la llamada de la función las direcciones de las variables (operador & precede al nombre de la variable).
- En la interfaz de las funciones se usan declaraciones de punteros y operaciones de indirección.
- Las modificaciones realizadas en las direcciones pasadas como argumentos se reconocen en la función y la rutina de llamada.

Paso de funciones a otras funciones

- Es posible pasar funciones como argumentos de otras funciones para aumentar la flexibilidad de un programa.
- En ese caso es necesario pasar un puntero a una función como argumento de otra función.
- La declaración del argumento formal es:

tipo_dato (*nombreFuncion) (tipo1 arg1,..., tipon argn)

- En la invocación se utiliza como valor cualquier identificador de función que tenga los mismos argumentos y resultado.
- El nombre de una función, de forma similar al nombre de un array, representa la dirección de inicio del código que define la función ().

Funciones recursivas

- Recursividad es una cualidad consistente en que una función se llama a sí misma de forma repetida, hasta que se satisface alguna condición determinada.
- Esta cualidad es necesaria para programar *algoritmos recursivos*.
- El ejemplo típico (más sencillo) de algoritmo recursivo es el cálculo del factorial de un número:

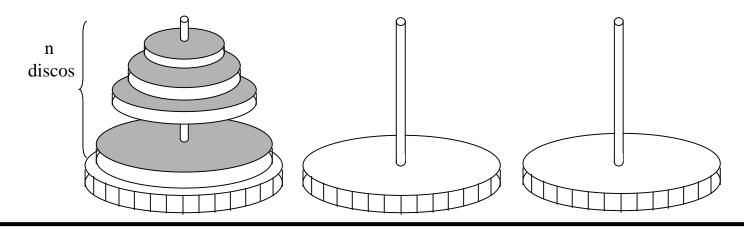
$$Fact(n) = \begin{cases} 1 & sin = 0 \\ n \cdot Fact(n-1) & sin > 0 \end{cases}$$

Algoritmos recursivos

- Para diseñar correctamente un algoritmo recursivo, es necesario:
 - Establecer correctamente la ley de recurrencia.
 - Definir el procedimiento de finalización del algoritmo recursivo(normalmente con el valor o valores iniciales).
- Para verificar funciones recursivas se aplica el método de las tres preguntas:
 - La pregunta Caso-Base: Hay una salida no recursiva de la función, y la rutina funciona correctamente para este caso "base"?
 - La pregunta Llamador-Más Pequeño: Cada llamada recursiva a la función se refiere a un caso más pequeño del problema original?
 - La pregunta Caso-General: Suponiendo que las llamadas recursivas funcionan correctamente, funciona correctamente toda la función?

Algoritmos recursivos: Torres de Hanoi

- Juego consistente en tres pivotes y un número de discos de diferentes tamaños apilados. El juego consiste en mover los discos desde un pivote, donde se encuentran inicialmente, a otro pivote, según las siguientes reglas:
 - Sólo se puede mover un disco cada vez
 - Un disco de mayor diámetro nunca puede estar encima de uno de menor diámetro



Torres de Hanoi: algoritmo

- La estrategia a seguir es considerar un pivote como origen y el otro como destino. El otro pivote se usa para almacenamiento auxiliar.
- Suponiendo n discos (>0), numerados del más pequeño al más grande, y que los pivotes toman el nombre detorre, atorre y auxtorre, el algoritmo para resolver el juego es:
 - Mover los n-1 discos superiores del pivote detorre al pivote auxtorre usando el pivote atorre como temporal.
 - Mover el disco n al pivote atorre.
 - Mover los n-1 discos del pivote auxtorre al pivote atorre usando detorre como temporal.

Torres de hanoi: programa

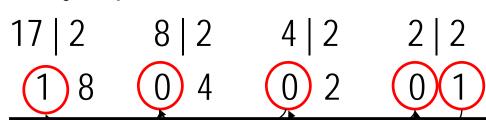
```
/*************************
* Programa: thanoi.c
* Descripción: Programa que imprime los pasos para resolver el juego de
            las torres de hanoi para n discos dados por el usuario
* Autor: Pedro Corcuera
* Revisión: 1.0 2/02/2008
#include <stdio.h>
#define NUM MAX DISCOS 16
void torres_hanoi(int n, char detorre, char atorre, char auxtorre);
main(void)
 int n;
printf("Torres de Hanoi: Cuantos discos? (max. %d) ", NUM MAX DISCOS);
 scanf("%d",&n);
 if (n > NUM MAX DISCOS)
 printf("Numero de discos muy grande\n");
 return 1:
 torres hanoi(n,'A','C','B');
return 0;
```

Torres de hanoi: función recursiva

```
/*************************
* Funcion: torres hanoi
* Descripción: imprime los pasos para resolver el juego de las torres de *
            hanoi para n discos de manera recursiva
* Argumentos: int n: numero de discos
            char detorre: caracter del pivote donde estan los discos
            char atorre: caracter del pivote destino
            char auxtorre: caracter del pivote auxiliar
* Valor devuelto: ninguno (la funcion imprime los movimientos)
* Autor: Pedro Corcuera
* Revisión: 1.0 2/02/2008
void torres_hanoi(int n, char detorre, char atorre, char auxtorre)
if (n > 0)
 torres hanoi(n-1,detorre,auxtorre,atorre);
 printf("mover disco %d de torre %c a torre %c\n",n,detorre,atorre);
 torres_hanoi(n-1,auxtorre,atorre,detorre);
return;
```

Recursividad: Cambio de base

- Se requiere imprimir un número entero en base decimal en otra base entre 2 a 16.
- El algoritmo para cambiar de base utiliza divisiones sucesivas hasta que el cociente sea menor que la base. A continuación se genera los dígitos del número resultante agrupando, de derecha a izquierda, el último cociente y los restos obtenidos durante la división desde el último al primero. Si los dígitos superan la base 10 se utilizan letras.
- Ejemplo: 17 en base 2.



Resultado: 10001

Cambio de base: programa

```
/**************************
* Programa: cambase.c
* Descripción: Programa que imprime el numero N en Base 2 <= Base <= 16
* Autor: Pedro Corcuera
* Revisión: 1.0 2/02/2008
#include <stdio.h>
void cambia_base( unsigned int N, unsigned int Base);
main()
 int i:
 i = 51;
 printf("%d Base 10, ",i);
 printf("\t Base 2: ");
 cambia_base(i,2);
 printf("\t Base 8: ");
 cambia base(i,8);
 printf("\t Base 16: ");
 cambia base(i,16);
 printf("\n");
```

Cambio de base: función

```
/*************************
* Funcion: cambia base
* Descripción: imprime un numero entero N en la base Base 2 <= Base <= 16*
            de manera recursiva
* Argumentos: int N: numero decimal
*
           int Base: base a la que se desea convertir 2 <= Base <= 16 *
* Valor devuelto: ninguno (la funcion imprime el numero)
* Autor: Pedro Corcuera
* Revisión: 1.0 2/02/2008
void cambia_base( unsigned int N, unsigned int Base )
static char Tabla Digitos[ ] = "0123456789abcdef";
if(N >= Base)
   cambia base( N / Base, Base );
putchar( Tabla Digitos[ N % Base ] );
```

Características de las funciones recursivas

- La recursividad se realiza apilando los argumentos y variables locales, por lo que consume gran cantidad de memoria.
- Las sucesivas llamadas recursivas a la función consumen tiempo de CPU, por lo que el proceso es más ineficiente o más lento que uno iterativo.
- Todo algoritmo recursivo tiene su equivalente iterativo siendo éste más largo y costoso de desarrollar.
- Los algoritmos que tienen una base recursiva son más simples y elegantes de programar usando recursividad.

Ordenación rápida (Quicksort)

- La ordenación rápida se basa en el hecho que los intercambios deben ser realizados preferentemente sobre distancias grandes.
- El algoritmo a seguir es el mismo que se aplica cuando se quiere ordenar un gran montón de exámenes: Seleccionar un valor de división (L por ejemplo) y dividir el montón en dos pilas, A-L y M-Z. Después se toma la primera pila y se subdivide en dos, A-F y G-L por ejemplo. A su vez la pila A-F puede subdividirse en A-C y D-F. Este proceso continúa hasta que las pilas sean suficientemente pequeñas para ordenarlas fácilmente. El mismo proceso se aplica a la otra pila.

Ordenación rápida (Quicksort)

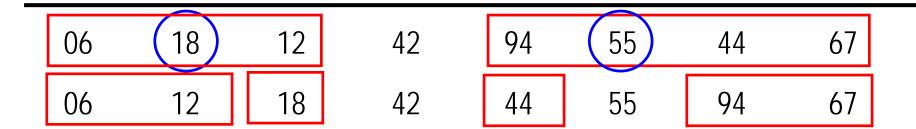
- En la ordenación rápida se toma un elemento x del array (el del medio por ejemplo),
- Se busca en el array desde la izquierda hasta que $a_1, a_2, \ldots, a_{i-1} > x$, lo mismo se hace desde la derecha hasta encontrar $a_1, a_2, \ldots, a_{i-1} < x$.
- Después se intercambia esos elementos y se continúa ese proceso hasta que los índices se cruzan.
- Se aplica el mismo proceso para la porción izquierda del array entre el extremo izquierdo y el índice derecho y para la porción derecha entre el extremo derecho y el último índice izquierdo (algoritmo recursivo).

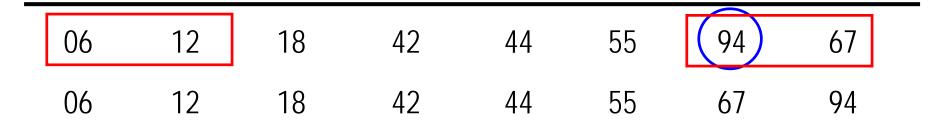
Ordenación rápida (Quicksort)

- La complejidad del algoritmo es O(n log n).
- Una comparación visual de los tiempos de ejecución de los algoritmos de ordenación se encuentra en:

Animación de algoritmos de ordenación

44	55	12	42	94	18	06	67	
44	55	12	42	94	18	<u>06</u>	67	
06	<u>55</u>	12	42	94	<u>18</u>	44	67	
06	18	12	42	94	55	44	67	
06	18	<u>12</u>	42	94	55	44	67	





```
/************************
* Programa: quicksort.c
* Descripción: Programa que ordena un array mediante el metodo rapido
* Autor: Pedro Corcuera
* Revisión: 1.0 2/02/2008
#include <stdio.h>
void gsort(int izg, int der, float a[]);
main()
float notas[]={10.0,8.0,5.5,3.4,3.2,2.5,2.2,1.5};
int i,n;
n = sizeof(notas)/sizeof (float);
gsort(0,n-1,notas);
for(i = 0; i < n; i++)
 printf("%d %10.2f \n",i,notas[i]);
return 0;
```

```
void qsort(int izq, int der, float a[])
 int i,j;
 float tmp,x;
 i = izq;
 j = der;
 x = a[(izq + der)/2];
 do
  while (a[i] < x) i++;
  while (x < a[j]) j--;
  if (i <= j)
   tmp = a[i];
   a[i] = a[j];
   a[j] = tmp;
   i++;
   j--;
 while (i \le j);
 if (izq < j)
   qsort(izq, j, a);
 if (i < der)
   qsort(i, der, a);
```

Algoritmos de vuelta atrás (backtracking)

- Este tipo de algoritmos trata de encontrar soluciones de problemas específicos sin seguir una regla fija de computación, sino mediante prueba y error.
- El patrón común es descomponer el proceso de prueba y error en tareas parciales. Normalmente esas tareas se expresan en términos recursivos y consisten en la exploración de un número finito de sub-tareas.
- El proceso global como un proceso de búsqueda que construye progresivamente y poda un árbol de subtareas.
- Para reducir el tiempo de computación se usan heurísticas para la poda del árbol.

Algoritmos de vuelta atrás (backtracking)

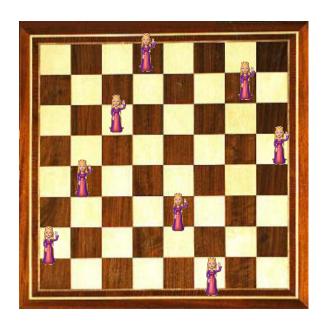
- La técnica consiste en recorrer sistemáticamente todos los posibles caminos. Cuando un camino no conduce a la solución, se retrocede al paso anterior para buscar otro camino (backtracking).
- Si existe solución es seguro que se encuentra, el problema es el tiempo de proceso.
- Es deseable que sólo recorra los caminos que conduzcan a la solución y no todos. Es posible hacerlo cuando estando en un punto nos damos cuenta que si seguimos avanzando no encontraremos ninguna solución.
- Es un técnica netamente recursiva.

El Problema de las N Reinas

- En un tablero de ajedrez (NxN) colocar N reinas sin que se produzcan conflictos por el movimiento propio de las reinas.
- Ejm: N = 8







<u>Animación</u>

Problema de la mochila

- Supóngase que se tiene n objetos distintos y una mochila.
- Cada objeto tiene asociado un peso w_i y un valor v_i
- La mochila puede llevar un peso que no sobrepase su capacidad de carga W.

Objetivo

- Llenar la mochila de tal forma que se maximice el valor de los objetos transportados en ella.
- Hay que tener en cuenta que la suma de los pesos de los objetos seleccionados no debe superar la capacidad máxima W de la mochila.

Problema de la mochila – Planteamiento matemático

Maximizar:

$$\sum_{i=1}^{n} x_i v_i$$

Sujeto a la restricción:

$$\sum_{i=1}^{n} x_i w_i \leq M$$

- Tipos de Mochila:
 - La mochila fraccionaria (siempre funciona la estrategia voraz o greedy).
 - La mochila entera (0/1) (no siempre funciona la estrategia voraz).
- Se trata de resolver el problema de la mochila binaria 0/1 mediante búsqueda exhaustiva.

Problema de la mochila – Estrategia de solución

- La búsqueda estará basada en el siguiente árbol:
 - En cada nivel se puede decidir si elegir o no el artículo.
 - La cantidad de decisiones que se deben tomar depende de la cantidad de artículos y de no sobrepasar la capacidad de carga de la mochila.
 - Se debe llenar la mochila con aquellos objetos que maximicen el valor que lleva.

Preprocesador y programas multifichero

Índice

- Directrices del preprocesador.
- Constantes y Macros.
- Inclusión de ficheros.
- Sentencias Condicionales.

Directivas del preprocesador

- Son expandidas en la fase de preprocesado:
 - #define : Define una nueva constante o macro del preprocesador.
 - #include : Incluye el contenido de otro fichero.
 - #ifdef #ifndef: Preprocesamiento condicionado.
 - #endif : Fin de bloque condicional.
 - #error : Muestra un mensaje de error

Constantes y Macros

 Permite asociar valores constantes a ciertos identificadores expandidos en fase de preprocesamiento:

```
#define variable valor
```

 Define funciones que son expandidas en fase de preprocesamiento:

```
#define macro(args,...) función
```

Constantes y Macros. Ejemplos

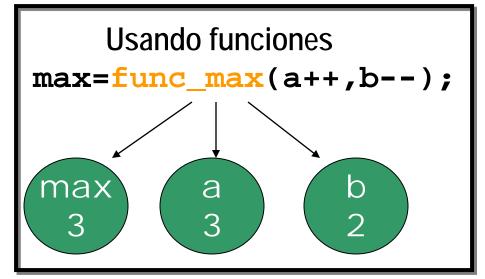
```
#define PI
                   3.14
#define NUM_ELEM
                   5
#define AREA(rad) PI*rad*rad
\#define MAX(a,b) (a>b ? a : b)
int main()
 int i;
 float vec[NUM ELEM];
 for(i=0;i<NUM ELEM;i++)</pre>
    vec[i]=MAX((float)i*5.2,AREA(i));
```

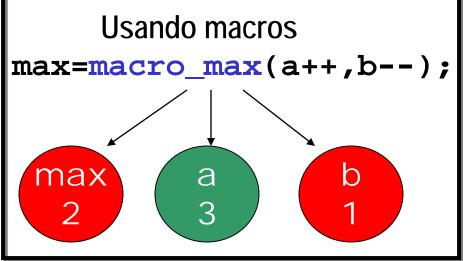
Constantes y Macros. Después del preprocesamiento

```
int main()
 int
     i;
 float vec[5];
 for(i=0;i<5;i++)
    vec[i]=((float)i*5.2>3.14*i*i ?
            (float)i*5.2 :
            3.14*i*i);
```

Macros vs Funciones

```
#define macro_max(a,b) (a>b ? a : b)
int func_max(int a, int b)
{ return (a>b ? a : b); }
int a=2,b=3,max;
```





Inclusión de Ficheros

 Los prototipos de las funciones usadas por varios ficheros fuente se suelen definir en fichero de cabecera.

```
Cabeceras del sistema
 #include <stdio.h>
 #include "mis_func.h" Ficheros de cabecera locales
                 aux.h
                                              int func1(int a);
                  int func1(int a);
                                              void func2();
                  void func2();
fich.c
                                              int main()
#include "aux h"
 int main()
                             Preprocesamiento
```

Inclusión de Ficheros

- La inclusión de ficheros esta sujeta a las siguientes recomendaciones:
 - Por lo general los ficheros de cabecera tienen como extensión .h
 - En los ficheros de cabecera no se incluyen implementación de funciones, solo los prototipos
 - Las variables en un fichero de cabecera son declaradas extern y se encuentran declaradas en algún otro fichero .c

Sentencias Condicionales

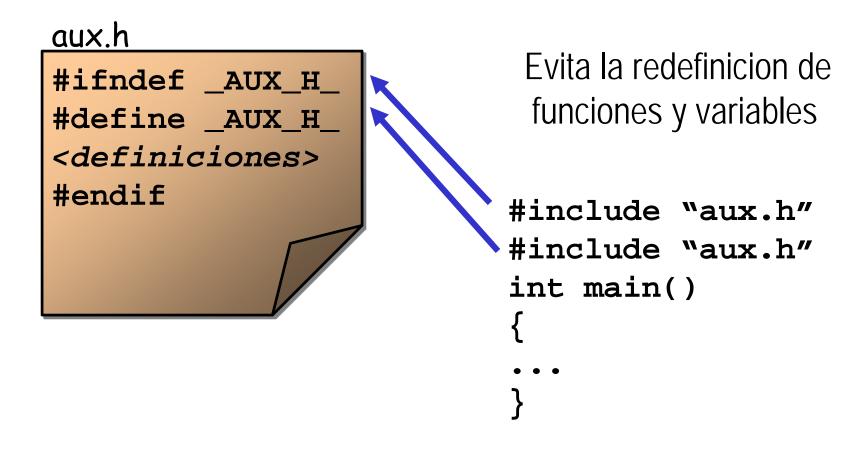
 Para incluir código cuya compilación es dependiente de ciertas opciones, se usan los bloques:

```
#ifdef variable
<br/>
<br/>
bloque de sentencias>
#endif
#ifndef variable
<br/>
<br/>
bloque de sentencias>
#endif
```

Ejemplo: Depuración

```
#define DEBUG
int main()
 int i,acc;
 for(i=0;i<10;i++)
    acc=i*i-1;
#ifdef DEBUG
 printf("Fin bucle acumulador: %d",acc);
#endif
 return 0;
```

Ejemplo: Fichero de cabecera



Compilación en modo comando

- Desde la línea de comandos se puede compilar, enlazar: (ejemplo en Visual C)
 - > cl -c pp.c
 para compilar fuentes
 - > cl -o pp.exe pp.obj pp1.obj
 para enlazar objetos

Estructuras de datos en C (Listas, Pilas, Colas, Árboles)

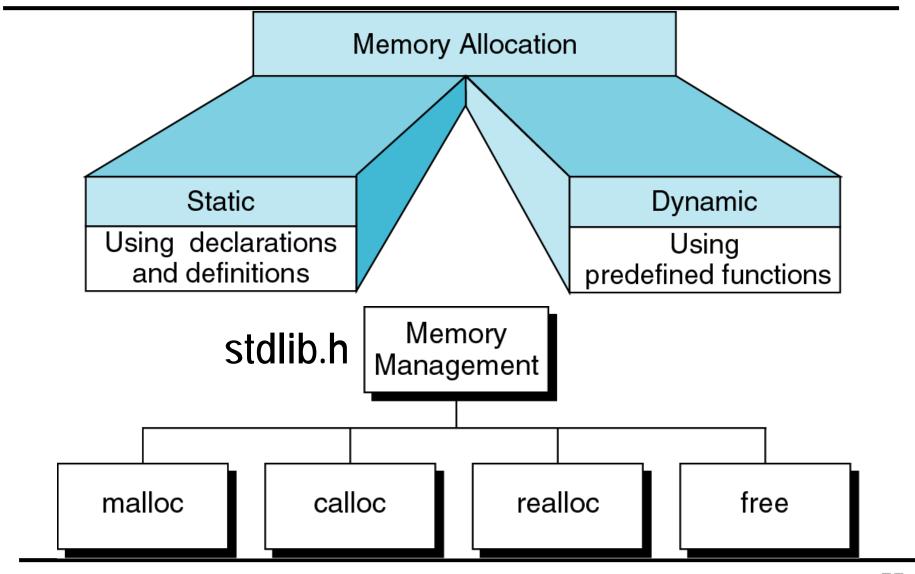
Índice

- Asignación dinámica de memoria
- Estructuras autoreferenciadas
- Listas enlazadas
- Pilas
- Colas
- Arboles

Asignación dinámica de memoria

- Además de la reserva de espacio estática (cuando se declara una variable), es posible reservar memoria de forma dinámica.
- Hay funciones de gestión de memoria dinámica (stdlib.h):
 - void *malloc(size_t): Reserva memoria dinámica.
 - void *calloc(size_t): Reserva memoria dinámica.
 - void *realloc(void *,size_t): Ajusta el espacio de memoria dinámica.
 - free(void *): Libera memoria dinámica.

Memoria dinámica

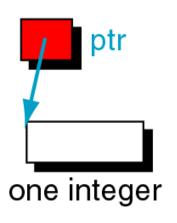


Memoria Dinámica - uso

```
#include <stdlib.h>
                                                      Dinámica
                                          Estática
int a,b[2];
                                        b[0]
int *i;
                                        b[1]
char *c;
i=(int *)malloc(sizeof(int));
                                        b[0]
c=(char *)malloc(sizeof(char));
                                        b[1]
free(i);
                                        b[0]
c=(char *)realloc(c,sizeof(char)*9)
                                        b[1]
```

Memoria Dinámica – uso malloc

void *malloc(size_t tamaño_bloque)
devuelve NULL si no hay suficiente memoria



```
ptr = (int *)malloc(sizeof(int));
if ( ptr == NULL)
   /* No hay memoria */
   printf ("ERROR. No hay memoria\n");
else
   .... /* Memoria disponible */
```

Memoria Dinámica – uso calloc

```
void *calloc(size_t nelem, size_t elsize)

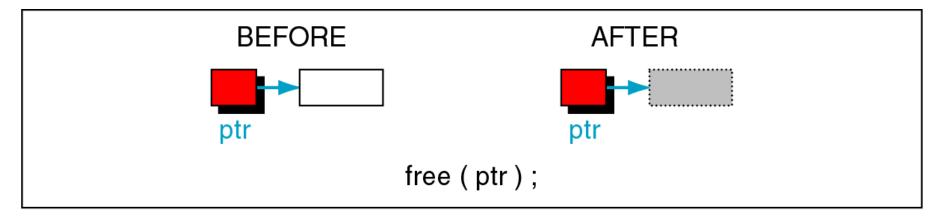
devuelve NULL si no hay suficiente memoria
```

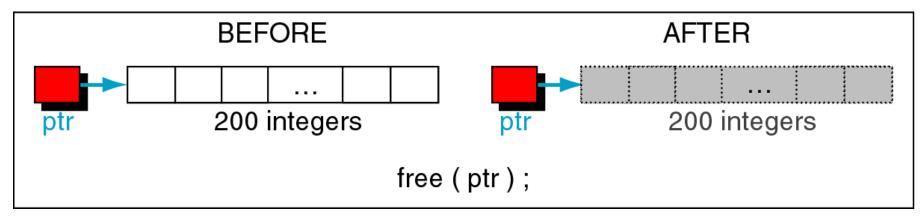


```
ptr = (int *)calloc(200, sizeof(int));
if ( ptr == NULL)
   /* No hay memoria */
   printf ("ERROR. No hay memoria\n");
else
   .... /* Memoria disponible */
```

Memoria Dinámica – uso free

void free(void *puntero_al_bloque)





Ejemplo: array dinámico

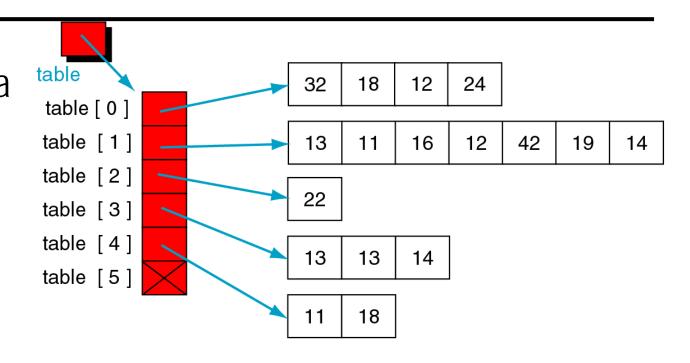
```
*****************
* Programa: array dinamico.c
* Descripción: Prog. que crea una array dinamico y genera otro con los
             elementos pares del primer array y lo imprime
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
int main(void)
   int dim_usu;  /* dimension del vector del usuario */
   int dim par; /* dimensión del vector de elementos pares */
               /* indice para los for */
   int n;
               /* indice para recorrer arrya de pares */
   int m;
   int *pvec usu; /* puntero al vector introducido por el usuario */
   int *pvec par; /* puntero al vector elementos pares (dinamico) */
   printf("Introduzca la dimension del vector: ");
   scanf(" %d", &dim usu);
  pvec_usu = (int *) calloc( dim_usu, sizeof(int)); /*Asignar memoria vect. usuario
   * /
   /*pvec usu = (int *) malloc( dim usu*sizeof(int));*/
   if (pvec_usu == NULL) { /* si no hay memoria */
        printf("Error: no hay memoria para un vector de %d elementos\n", dim_usu);
```

Ejemplo: array dinámico

```
else
     for (n = 0; n < dim usu; n++) /* pedir elementos del vector */
      { printf("Elemento %d = ", n); scanf("%d", &(pvec usu[n]));}
     dim par = 0;
     for (n = 0; n < \dim_u usu; n++)
        if ((pvec_usu[n] % 2) == 0) dim_par++;
     pvec par = (int *) calloc( dim par, sizeof(int));
      if (pvec par == NULL) { /* si no hay memoria */
        printf("Error: no hay memoria para un vector de %d elementos\n",
dim par);
     else
      { /* se copian los elementos pares */
               m = 0;
               for (n = 0; n < dim_usu; n++)
                   if ((pvec_usu[n] % 2) == 0) { pvec_par[m] = pvec_usu[n]; m++;}
               printf("\n-----
                                                ----\n");
               for (n = 0; n < dim_par; n++)
                        printf("Elemento par %d = %d \n", n, pvec_par[n]);
     free (pvec par);
free (pvec usu);
```

Matriz con número de columnas diferentes

- Se representa como un array de arrays (puntero a puntero) dinámico.

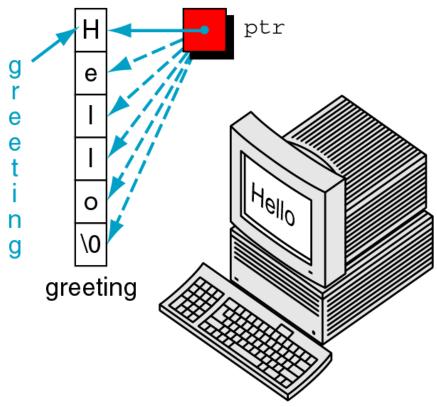


```
table = (int **)calloc (rowNum + 1, sizeof(int*));
table[0] = (int*)calloc (4, sizeof(int));
table[1] = (int*)calloc (7, sizeof(int));
table[2] = (int*)calloc (1, sizeof(int));
table[3] = (int*)calloc (3, sizeof(int));
table[4] = (int*)calloc (2, sizeof(int));
table[5] = NULL;
```

Punteros a cadenas de caracteres

- Utiles en recorridos de cadenas de caracteres.

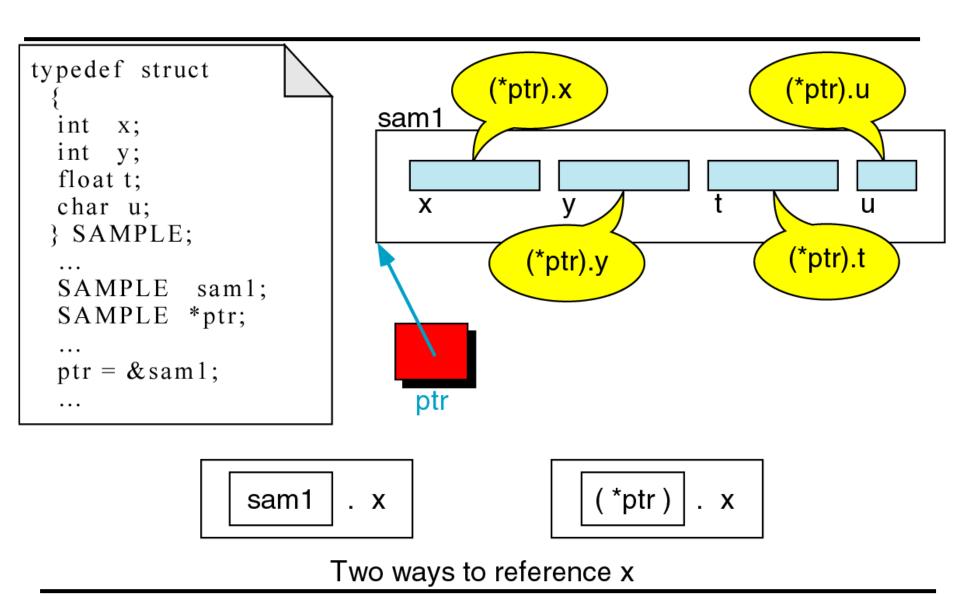
```
{ /* Printing Strings */
 char greeting[] = "Hello";
 char *ptr;
 ptr = greeting;
 while (*ptr != '\0')
    printf( "%c", *ptr);
    ptr++;
   } /* while */
 print("\n");
} /* Printing Strings */
```



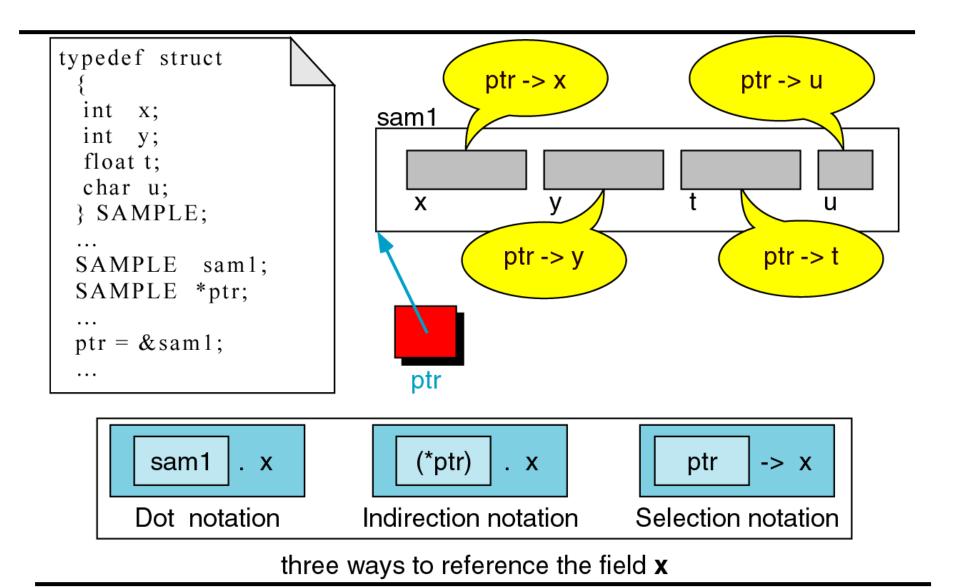
Punteros a estructuras

- Son muy frecuentes en C. Se declaran de la misma forma que un puntero a una variable ordinaria. Ej.: struct alumno *palumno;
 ALUMNO *palumno; /* usando typedef */
- Para acceder a un campo de la estructura:
 prom_nota = (*palumno).nota
 los paréntesis son estrictamente necesarios.
 Hay un operador (->) alternativo para este propósito:
 palumno -> nota

Punteros a estructuras



Punteros a estructuras



Estructuras autoreferenciadas

 Para construir estructuras de datos más potentes es necesario incluir dentro de una estructura un campo que sea un puntero a la misma estructura.

```
struct alumno
{
   char dni[10];
   char nombre[100];
   struct fecha fnac;
   float notas[10];
   struct alumno *palumno;
};
```

Estructuras autoreferenciadas

- Estructuras que contienen uno o más punteros a una estructura del mismo tipo.
- Pueden ser enlazadas entre ellas para formar estructuras de datos útiles tales como listas, colas, pilas y árboles.
- Terminan con un puntero NULL.

```
struct nodo
{
  int dato;   /* campos necesarios */
   struct nodo *sig; /* puntero de enlace*/
};
struct nodo *pnodo;
```

Estructuras autoreferenciadas

```
struct Info {
    int item1;
    char *item2;
    float item3;
struct Nodo {
    struct Info info;
    struct Nodo *sig;
typedef struct Nodo *TipoLista;
TipoLista lista_vacia(void) ;
```

Estructuras autoreferenciadas-Asignación dinámica de memoria

- El propósito es obtener y liberar memoria durante la ejecución.
- Con la función malloc se reserva el número de bytes de memoria requerida. Devuelve un puntero (void *)
- Para determinar el tamaño de un nodo se usa el operador sizeof.
- Ejemplo:

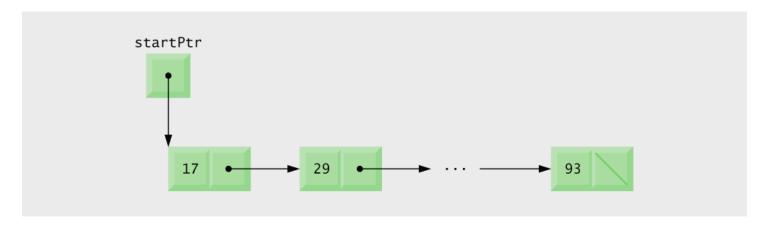
```
struct nodo *p;
p=(struct nodo *)malloc(sizeof(struct nodo));
```

Listas enlazadas

- Colección lineal de nodos autoreferenciados.
- Conectados por punteros enlazados.
- Acceso mediante un puntero al nodo inicial de la lista.
- Los nodos siguientes se acceden mediante el campo de puntero de enlace del nodo en curso.
- El puntero de enlace del último nodo se asigna a NULL para indicar final de la lista.
- Las listas enlazadas se usan en lugar de un array cuando se tiene un número impredecible de elementos de datos y cuando se requiere ordenar rápidamente la lista.

Listas enlazadas

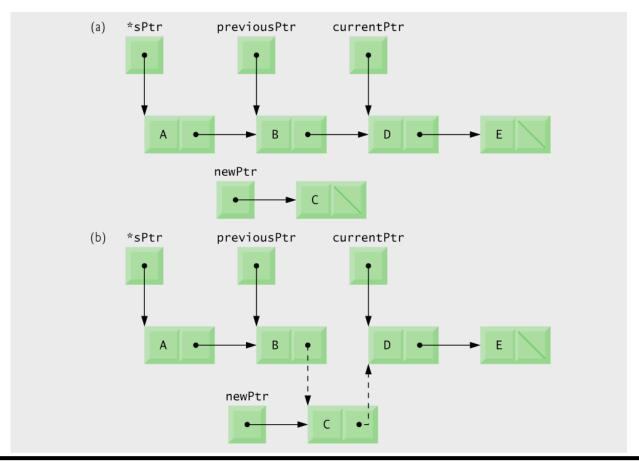
Representación gráfica de una lista enlazada de números.



- Las operaciones sobre listas ordenadas más comunes son:
 - Crear_lista: inicializa lista a vacío.
 - Insertar: añade un elemento (nodo) a la lista.
 - Eliminar: suprime el nodo que contiene un elemento especificado de la lista.
 - ImprimeLista: imprime todos los elementos de la lista.
 - ListaVacía: operación booleana que indica si la lista está vacía.

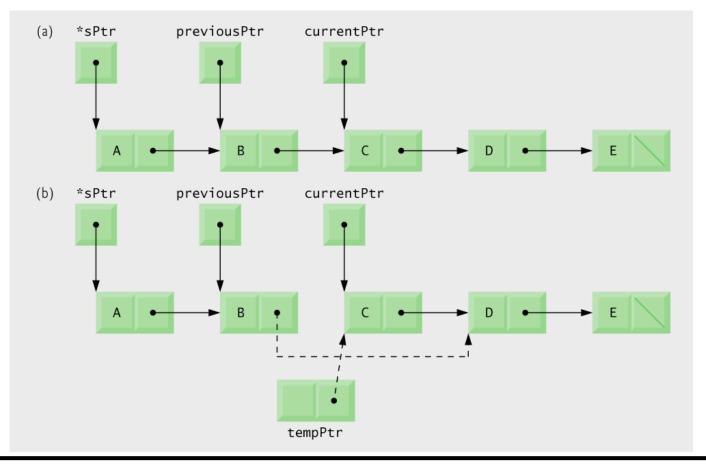
Listas enlazadas – Inserción de un nodo

 Representación gráfica de la inserción de un nodo en una lista ordenada.



Listas enlazadas – Eliminación de un nodo

 Representación gráfica de la eliminación de un nodo en una lista ordenada.



Listas enlazadas - Declaración

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
struct Info {
    int item1;
    char *item2;
    float item3;
struct Nodo {
    struct Info info;
    struct Nodo *sig;
};
typedef struct Nodo *TipoLista;
```

Listas enlazadas - Declaración

```
TipoLista lista_vacia(void) ;
void lee_nodo(struct Info *inf);
void lee_nodof(struct Info *inf, FILE *fp);
void muestra (TipoLista lista);
TipoLista inserta (TipoLista lista);
void consulta_item2 (TipoLista lista);
void modifica_item2 (TipoLista lista);
TipoLista borra_item2 (TipoLista lista);
void guarda (TipoLista lista);
TipoLista recupera(TipoLista lista);
```

```
TipoLista lista_vacia (void) {
    return NULL;
void lee nodo(struct Info *inf) {
    int i;
    char w[20], *pw;
    float x;
    printf("Ingresa entero: ");
    scanf(" %d", &i);
    printf("Ingresa palabra: ");
   scanf(" %s", w); // cadena simple
    scanf(" %[^\n]", w); // cadena compuesta
    printf("Ingresa flotante: ");
    scanf(" %f", &x);
    inf->item1 = i;
    pw = malloc(strlen(w)+1);
    strcpy(pw,w);
    inf->item2= pw;
    inf->item3 = xi
```

```
TipoLista inserta (TipoLista lista)
    struct Info *inf = malloc (sizeof (struct Info));
    lee nodo(inf);
    struct Nodo *nuevo = malloc (sizeof (struct Nodo));
    nuevo-> info = *inf;
    nuevo->siq= lista;
    lista = nuevo;
    return lista;
void muestra(TipoLista lista)
    struct Nodo *aux;
    printf("->");
    for (aux =lista; aux!=NULL; aux =aux->sig) {
        printf ("[%s]-> ",aux->info.item2);
//printf ("[%d, %s, %f]-> \n",aux->info.item1, aux->info.item2, aux->info.item3);
    printf("\n");
```

```
TipoLista borra_item2 (TipoLista lista)
    char w[20];
    struct Nodo *aux, *atras;
    printf("item 2 a borrar: ");
    scanf(" %[^\n]", w); // cadena compuesta
    for (atras=NULL, aux=lista; aux!=NULL; atras=aux, aux=aux->siq)
        if (strcmp(aux->info.item2, w)==0){
           if (atras==NULL)
                lista = aux-> siq;
            else
                atras->sig= aux-> sig;
            free (aux);
            printf("nodo eliminado\n");
            return lista;
    return lista;
```

```
void consulta_item2 (TipoLista lista) {
    char w[20];
    struct Nodo *aux;
    printf("item 2 a consultar: ");
    scanf(" %[^\n]", w); // cadena compuesta
    for (aux=lista; aux!=NULL; aux=aux->siq)
        if (strcmp(aux->info.item2, w)==0){
            printf("item 1: %d\n",aux->info.item1);
            printf("item 3: %.2f\n",aux->info.item3);
void modifica_item2 (TipoLista lista){
    char w[20];
    struct Nodo *aux;
    printf("item 2 a modificar: ");
    scanf(" %[^\n]", w); // cadena compuesta
    for (aux=lista; aux!=NULL; aux=aux->sig)
        if (strcmp(aux->info.item2, w)==0){
            lee nodo(&aux->info);
```

```
void guarda(TipoLista lista){
   struct Nodo *aux;
   FILE *fp;
   char c;
   printf("Guardar en fichero binario (b)?: ");
   scanf(" %c", &c);
   if (c=='b')
       fp = fopen("itemsb.dat", "wb");  // fichero binario
   else
       if(fp == NULL)
     printf("Error en escritura de fichero");
     exit(-1);
   for (aux=lista; aux!=NULL; aux=aux->sig)
       if (c=='b'){
            printf("%d \n",aux->info.item1);
           fwrite(&aux->info, sizeof(struct Info), 1,fp); // corregir error de grabacion de
    campos char *
       else{
           fprintf(fp, "%d\n", aux->info.item1);
           fprintf(fp, "%s\n", aux->info.item2);
           fprintf(fp, "%.2f\n", aux->info.item3);
   fclose(fp);
   printf("fichero creado\n");
```

```
void lee_nodof(struct Info *inf, FILE *fp)
    int i;
    char w[20], *pw;
    float x;
    fscanf(fp, " %d", &i);
    fscanf(fp, " %[^\n]", w); // cadena compuesta
    fscanf(fp, " %f", &x);
    inf->item1 = i;
    pw = malloc(strlen(w)+1);
    strcpy(pw,w);
    inf->item2= pw;
    inf->item3 = x;
```

```
TipoLista recupera(TipoLista lista){
    FILE *fp;
      struct Nodo *n;
    char c;
    printf("Fichero binario (b)?: ");
    scanf(" %c", &c);
    if (c=='b')
        fp = fopen("itemsb.dat", "rb");
    else
        fp = fopen("itemst.dat", "r");
    if(fp == NULL)
     printf("Error en lectura de fichero");
      exit(-1);
    while (!feof(fp))
        struct Info *inf = malloc (sizeof (struct Info));
        if (c=='b')
            fread(inf, sizeof(struct Info), 1, fp);
        else
            lee nodof(inf, fp);
        struct Nodo *nuevo = malloc (sizeof (struct Nodo));
        nuevo-> info = *inf;
        nuevo->siq= lista;
        lista = nuevo;
    fclose(fp);
    printf("lista creada\n");
    return lista->sig;
```

Listas enlazadas - main

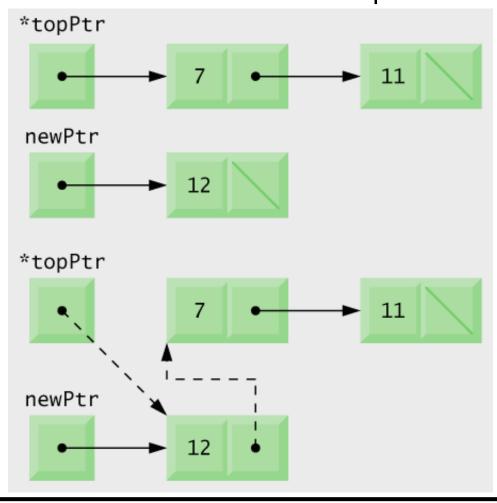
```
int main( )
   TipoLista 1; int opcion=0, salir=0; char continuar[2];
   l =lista vacia(); // inicializacion lista
   do {
       printf("\n MENU DE LA APLICACION: \n");
       printf("\t1) Mostrar\n"); printf("\t2) Insertar\n");
       printf("\t3) Consultar\n"); printf("\t4) Modificar\n");
       printf("\t5) Borrar\n"); printf("\t6) Guardar\n");
       printf("\t7) Recuperar\n"); printf("\t8) Salir\n");
       printf(" Elige una opcion del menu: "); scanf(" %d", &opcion);
        switch(opcion){
            case 1: muestra(1); break;
                                              //mostrar
            case 2: //insertar
                do {
                    1 = inserta(1); printf("Desea continuar (si/no): "); scanf(" %s", continuar);
                } while (strcmp(continuar, "no")!=0); break;
            case 3: consulta item2(1); break; //consultar
            case 4: modifica item2(1); break; //modificar
           case 5: borra item2(1);break;
            case 6: quarda(1); break; //quardar
            case 7: l=recupera(l); break; //recuperar
            case 8: salir = 1; break;
            default:
               printf("\nOpcion incorrecta\n");
        } // switch
    } while (salir != 1);
   printf("\nPrograma terminado\n");
   return 0;
```

Pilas

- Son listas tipo LIFO (Last Input First Output).
- Los nuevos nodos se insertan y se eliminan sólo en la cima.
- El último nodo de la pila se indica por un enlace a NULL.
- Las operaciones sobre pilas más comunes son:
 - push: añadir un nuevo nodo en la cima de la pila.
 - pop: elimina un nodo de la cima.

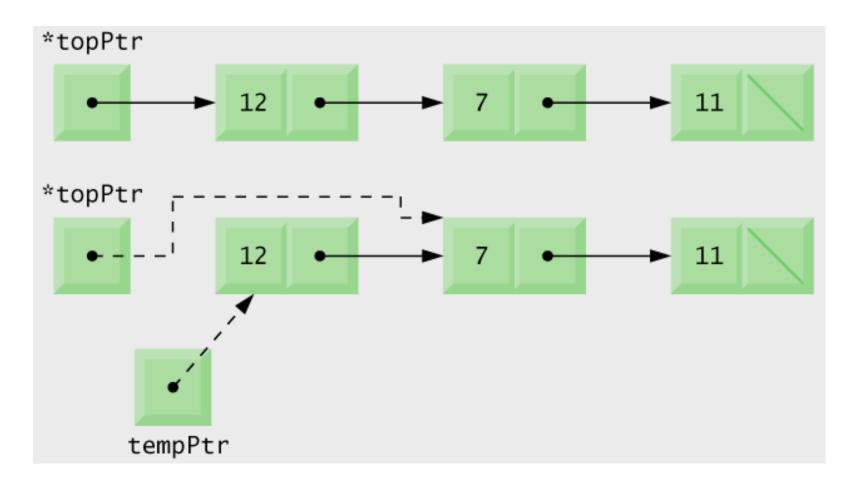
Pilas – Operación push

Añadir un nuevo nodo en la cima de la pila



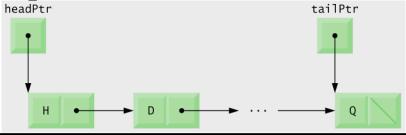
Pilas – Operación pop

• Elimina un nodo en la cima de la pila



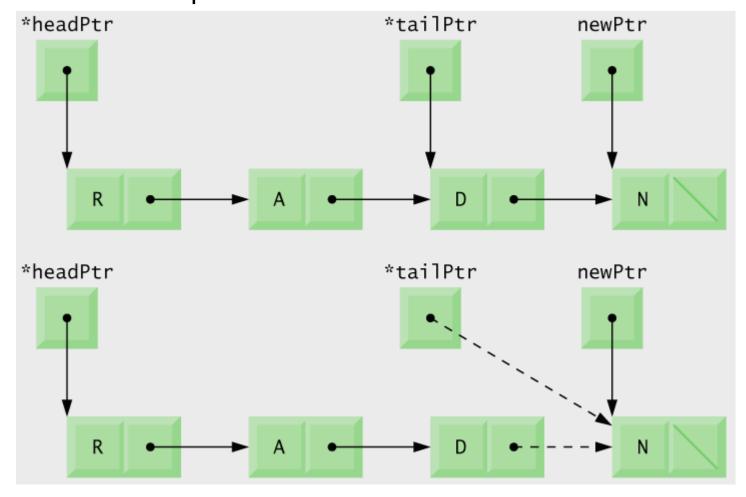
Colas

- Son listas tipo FIFO (First Input First Output).
- Similar a una cola habitual de un banco, servicio, etc.
- Los nuevos nodos se insertan por la cola.
- Los nodos se eliminan por el frente.
- Las operaciones sobre colas más comunes son:
 - encolar: insertar un nuevo nodo por la cola.
 - desencolar: eliminar el nodo del frente.
- Representación gráfica de una cola:



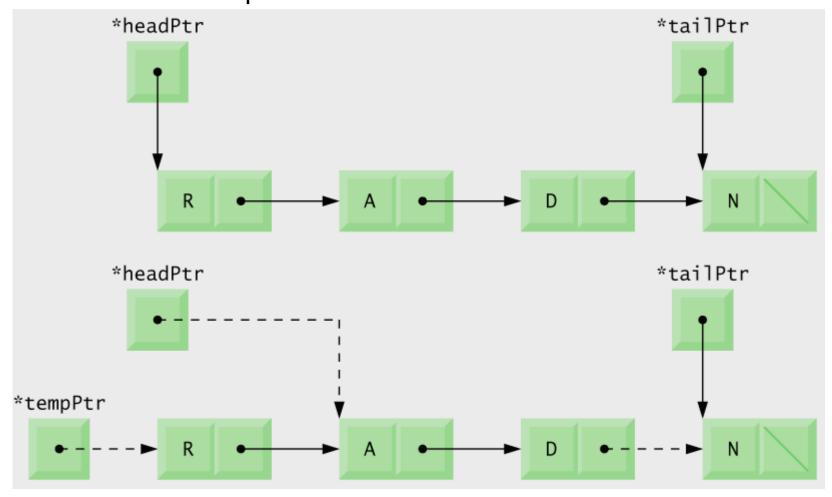
Colas – Operación encolar

• Inserta un nodo por la cola.



Colas – Operación desencolar

Elimina un nodo por el frente.



112

Simulación de colas

- Se puede simular una cola real teniendo en cuenta la frecuencia de arribos y el tiempo de simulación. En los nodos se almacenará el tiempo de arribo.
- Para la gestión de la cola se sigue el siguiente algoritmo:
 - Se considera que el tiempo avanza en incrementos de minutos.
 - Cada minuto se comprueba si arriba un nuevo cliente.
 - Si arriba un cliente y la cola no esta llena, se añade el cliente a la cola.
 - Para añadir un cliente a la cola: se crea una estructura Item con el tiempo de arribo del cliente y el tiempo requerido por el cliente.
 - Si la cola está llena se rechaza el cliente.
 - Para elaborar la estadística se registra el número total de clientes y el número de clientes no atendidos.

Simulación de colas

- Procesar el frente de la cola: si la cola no está vacía y si el servidor no está ocupado con un cliente anterior, eliminar el item o nodo del frente de la cola. Como el nodo contiene el tiempo cuando el cliente entró en la cola, por diferencia con el tiempo en curso se obtiene el número de minutos que el cliente ha estado en la cola. El item también contiene el número de minutos requeridos por el cliente, que determina cuánto tiempo el servidor estará ocupado con el nuevo cliente. Usar una variable para seguir la pista del tiempo de espera.
- Si el servidor está ocupado, no se elimina ningún nodo de la cola. La variable que mantiene el tiempo de espera debe ser decrementada.

Simulación de cola

```
#include <stdio.h>
                       // for rand() and srand()
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
                       // for time()
#include "queue.h"
                       // change Item typedef
#define MIN_PER_HR 60.0
bool newcustomer(double x); // is there a new customer?
Item customertime(long when); // set customer parameters
int main(void)
    Oueue line;
    Item temp;
                              // new customer data
    int hours;
                              // hours of simulation
    int perhour;
                              // average # of arrivals per hour
    long cycle, cyclelimit;
                              // loop counter, limit
   long turnaways = 0;
                              // turned away by full queue
   long customers = 0;
                              // joined the queue
   long served = 0;
                              // served during the simulation
   long sum line = 0;
                              // cumulative line length
    int wait time = 0;
                              // time until Sigmund is free
   double min per cust;
                              // average time between arrivals
    long line wait = 0;
                              // cumulative time in line
    InitializeOueue(&line);
    srand((unsigned int) time(0)); // random initializing of rand()
   puts("Caso de uso: Cola en gran superficie");
    puts("Ingresa el numero de horas de simulacion:");
    scanf("%d", &hours);
    cyclelimit = MIN_PER_HR * hours;
    puts("Ingresa el numero promedio de clientes por hora:");
    scanf("%d", &perhour);
    min_per_cust = MIN_PER_HR / perhour;
```

Simulación de cola

```
for (cycle = 0; cycle < cyclelimit; cycle++) {</pre>
    if (newcustomer(min_per_cust)) {
        if (QueueIsFull(&line))
            turnaways++;
        else {
            customers++;
            temp = customertime(cycle);
            EnQueue(temp, &line);
    if (wait time <= 0 && !QueueIsEmpty(&line)) {</pre>
        DeQueue (&temp, &line);
        wait time = temp.processtime;
        line_wait += cycle - temp.arrive;
        served++;
    if (wait time > 0)
        wait time--;
    sum_line += QueueItemCount(&line);
if (customers > 0) {
    printf("clientes aceptados: %ld\n", customers);
   printf(" clientes servidos: %ld\n", served);
    printf("
                     abandonos: %ld\n", turnaways);
    printf(" tamano medio cola: %.2f\n", (double) sum line / cyclelimit);
    printf("tiempo espera medio: %.2f minutes\n",(double) line wait / served);
else puts("Sin clientes!");
EmptyTheQueue(&line);
puts("Fin"); return 0;
```

Simulación de cola

```
// x = average time, in minutes, between customers
// return value is true if customer shows up this minute
bool newcustomer(double x)
    if (rand() * x / RAND_MAX < 1)
        return true;
    else
        return false;
// when is the time at which the customer arrives
// function returns an Item structure with the arrival time
// set to when and the processing time set to a random value
// in the range 1 - 3
Item customertime(long when)
    Item cust;
    cust.processtime = rand() % 3 + 1;
    cust arrive = when;
    return cust;
```

Cola - header

```
#ifndef _QUEUE_H_
#define QUEUE H
#include <stdbool.h>
typedef struct item {
    long arrive; // the time when a customer joins the queue
    int processtime; // the number of consultation minutes desired
} Item;
#define MAXQUEUE 10
typedef struct node{
                 struct node * next;
    Item item;
} Node;
typedef struct queue{
    Node * front; /* pointer to front of queue */
    Node * rear; /* pointer to rear of queue
    int items; /* number of items in queue
} Oueue;
void InitializeQueue(Queue * pq); /* operation: initialize the queue
bool QueueIsFull(const Queue * pq); /* operation: check if queue is full
bool QueueIsEmpty(const Queue *pq); /* operation: check if queue is empty
/* operation:
                    determine number of items in queue
                                                                * /
int QueueItemCount(const Queue * pq);
/* operation:
                    add item to rear of queue
                                                                * /
bool EnQueue(Item item, Queue * pg);
/* operation:
                    remove item from front of queue
                                                                * /
bool DeQueue(Item *pitem, Queue * pq);
/* operation:
                   empty the queue
                                                                * /
void EmptyTheQueue(Queue * pq);
#endif
```

Cola

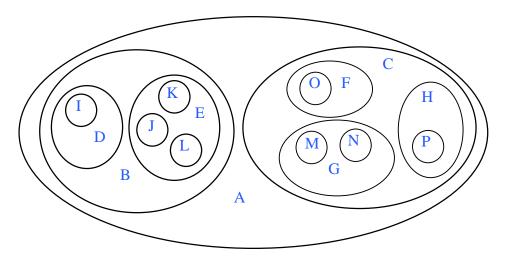
queue.c

Arboles

- Son estructuras de datos en las que los nodos contiene dos o más enlaces.
- Definición a nivel lógico: Una estructura de árbol con tipo base T es:
 - La estructura vacía.
 - Un nodo de tipo T con un número finito de estructuras árbol disjuntas asociadas de tipo base T, llamadas subárboles conectadas por ramas o aristas.

Arboles - Representación

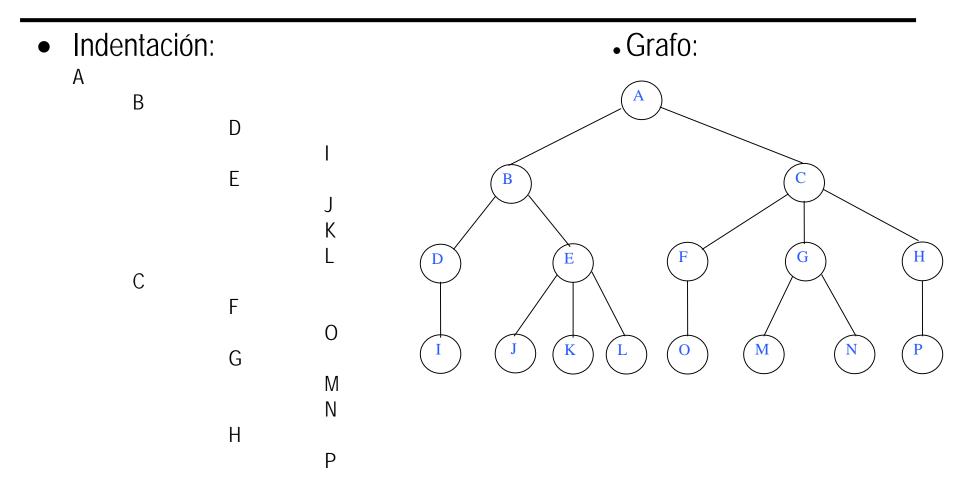
Conjuntos anidados:



Paréntesis anidados:

(A(B(D(I), E(J, K, L)), C(F(O), G(M, N), H(P))))

Arboles - Representación



La representación más utilizada es la de grafo

Arboles – definiciones de términos

- Tipos de Nodos:
 - Nodo Raíz
 - Nodo Descendiente o Hijo
 - Nodo hoja o Interior
 - Nodo antecesor o sucesor
- Altura: Número de aristas o ramas desde la raíz hasta el nodo hoja más distante desde éste. Por definición el nodo raíz esté en el nivel 1.
- Profundidad de un nodo: número de aristas del camino desde la raíz hasta el nodo.

Arboles – definiciones de términos

- Grado de un nodo: número de hijos o descendientes de un nodo interior.
- Grado de un árbol: máximo grado de los nodos de un árbol.
- Máximo número de nodos en un árbol de altura h y grado d:

$$N_d(h) = 1 + d + d^2 + ... + d^{h-1} = \sum_{i=0}^{h-1} d^i$$

Para d=2 (árbol binario):

$$N_2(h) = \sum_{i=0}^{h-1} 2^i = 2^h - 1$$

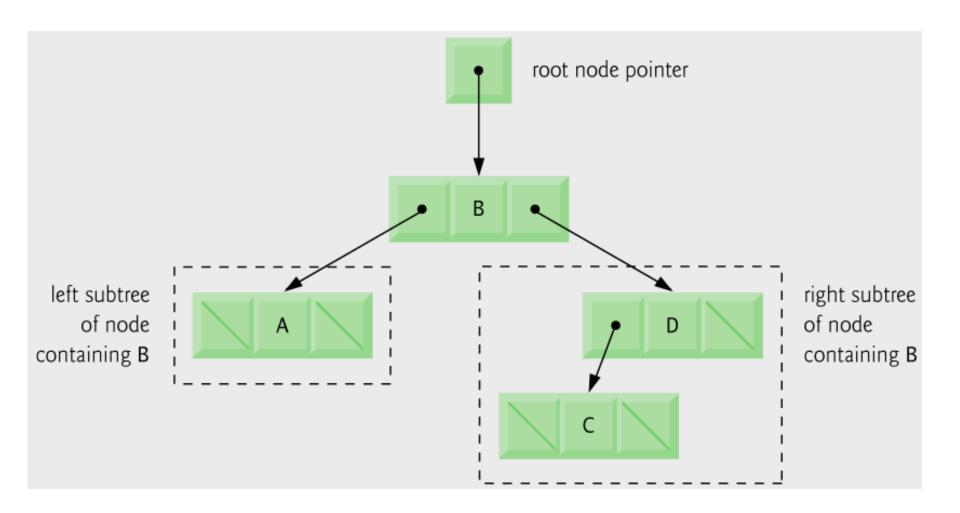
Profundidad de un árbol binario de n nodos: h = log₂n + 1

Arboles binarios

- Son aquellos árboles en los que todos los nodos contienen dos enlaces
 - Ninguno, uno, o ambos de los cuales pueden ser NULL
- El nodo raíz es el primer nodo en el árbol.
- Cada enlace en el nodo raíz se refiere a un nodo hijo.
- Un nodo sin hijos se llama nodo hoja.
- Representación en C:

```
struct arbol {
   int data;
   struct arbol *izq;
   struct arbol *der;
};
struct arbol *raiz = NULL;
```

Arboles binarios – representación gráfica



Inorden (SI R SD)

- Ir hacia el subárbol izquierdo hasta alcanzar la máxima profundidad.
- Visitar el nodo en curso.
- Volver hacia el nodo anterior en el árbol y visitarlo.
- Ir hacia el subárbol derecho del nodo anteriormente visitado siempre que exista y no haya sido visitado previamente, de otra forma, volver hacia el nodo anterior.
- Repetir los pasos anteriores hasta que todos los nodos hayan sido procesados.

Inorden (SI R SD)

```
/* in_orden: imprime el contenido del
 arbol con raiz p en in-orden */
void in orden(struct arbol *p)
 if (p!=NULL) {
    in orden(p->izq);
    printf("%4d ",p->data);
    in_orden(p->der);
```

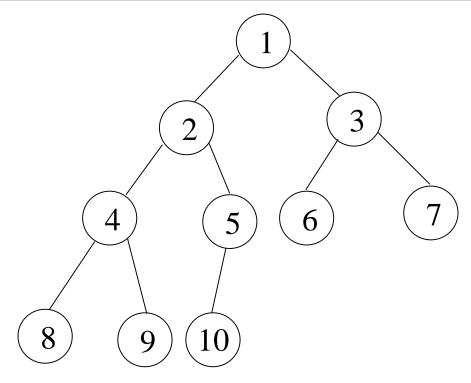
Preorden (R SI SD)

```
/* pre_orden: imprime el contenido del
 arbol con raiz p en pre-orden */
void pre_orden(struct arbol *p)
 if (p!=NULL) {
    printf("%4d ",p->data);
    pre orden(p->izq);
    pre_orden(p->der);
```

Postorden (SI SD R)

```
/* post_orden: imprime el contenido
 del arbol con raiz p en post-orden */
void post_orden(struct arbol *p)
 if (p!=NULL) {
    post_orden(p->izq);
    post _orden(p->der);
    printf("%4d ",p->data);
```

Recorrido en Arboles



- Inorden: 8 4 9 2 10 5 1 6 3 7
- Preorden: 1 2 4 8 9 5 10 3 6 7
- Postorden: 8 9 4 10 5 2 6 7 3 1

Arbol binario de búsqueda

- Es un árbol en el que el hijo de la izquierda, si existe, de cualquier nodo contiene un valor más pequeño que el nodo padre, y el hijo de la derecha, si existe, contiene un valor más grande que el nodo padre.
- Operaciones:
 - Buscar_Arbol(ValorClave)
 - Insertar(InfoNodo)
 - Suprimir(ValorClave)
 - ImprimeArbol(OrdenRecorrido)

Inserción en un árbol binario de búsqueda

- Sólo se pueden insertar nuevos nodos en los nodos terminales (hojas) o en los nodos internos.
- En un árbol binario de búsqueda se restringe la inserción de nuevos nodos a los nodos terminales debido a la condición de ordenamiento entre los nodos.

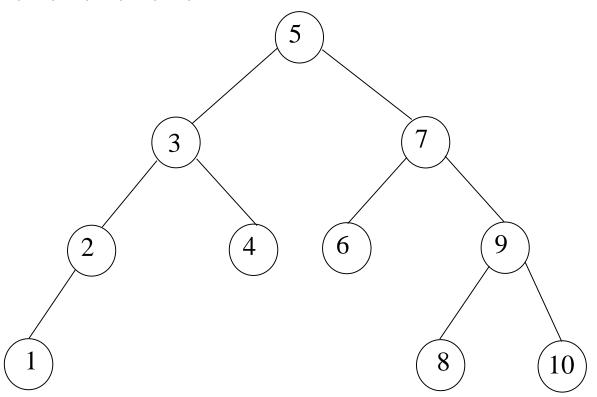
Procedimiento:

- Se recorre el árbol comparando el nuevo valor con los nodos existentes, dirigiéndose por los descendientes - izquierda o derecha - según el valor a añadir es menor o mayor respectivamente que el nodo en curso.
- Cuando se llega a un nodo terminal se inserta el nuevo valor como un descendiente de este nodo.

Inserción en un árbol binario de búsqueda

 Construir el árbol binario de búsqueda producido por la siguiente lista:

5, 3, 4, 7, 2, 6, 9, 1, 8, 10



Inserción en un ABB - código

```
/* addtree: anade un nodo con palabra w. p -> raiz */
struct tnodo *addtree(struct tnodo *p, char *w)
 int cond;
if (p == NULL) {
    p = talloc();
     p->palabra = strdup(w);
    p->cont = 1;
    p->izq = p->der = NULL;
 } else if ((cond = strcmp(w,p->palabra))==0)
    p->cont++;
else if (cond < 0)
     p->izq= addtree(p->izq, w);
else
     p->der = addtree(p->der, w);
return p;
```

Inserción en un ABB – código func. aux.

```
#include <stdlib.h>
/* talloc: construye un nodo */
struct tnodo *talloc(void)
 return (struct tnodo *) malloc(sizeof(struct tnodo));
char *strdup(char *s)
 char *p;
p = (char *) malloc(strlen(s)+1);
 if (p != NULL)
    strcpy(p,s);
 return p;
```

Ejemplo de aplicación de un ABB

- Desarrollo de un programa para contar las ocurrencias de las palabras de un texto.
- Como se desconoce la lista de palabras que contiene el texto no puede pensarse en ordenarlas y usar búsqueda binaria.
- Otra alternativa es usar una búsqueda lineal según se lee cada palabra, pero esto tomaría demasiado tiempo (crece cuadráticamente) cuando el número de palabras aumenta.
- La mejor solución, con lo conocido hasta ahora, es tener el conjunto de palabras leídas en cualquier momento ordenadas colocando cada palabra nueva en su lugar. Para ello usaremos un árbol binario de búsqueda.

Frecuencia de ocurrencia de palabras

- El árbol contendrá en cada nodo la siguiente información:
 - Un puntero al texto de la palabra,
 - Un contador del número de ocurrencias,
 - Punteros a los hijos izquierdo y derecho respectivamente.

Frec. de ocurrencia de palabras - código

```
/*************************
* Programa: frecuencia palabras.c
* Descripción: Prog. que cuenta la frecuencia de ocurrencia de palabras
             de un texto leido desde la linea de comandos
             (redireccionando la entrada)
             El resultado es una lista ordenada de las palabras junto
             con la frecuencia
            El texto debe de constar de letras sin acento y sin signos*
             de puntuacion
* Autor: Pedro Corcuera
* Revisión: 1.0 2/02/2008
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <malloc.h>
#include <ctype.h>
#define MAX CAR 100
struct arb_bin {
  char *palabra;
  int cont;
  struct arb bin *izq;
  struct arb bin *der;
};
struct arb bin *inserta(struct arb bin *, char *);
void imprime(struct arb bin *);
```

Frec. de ocurrencia de palabras – código

```
main()
 struct arb bin *raiz;
 char palabra[MAX_CAR];
 raiz=NULL;
 while(scanf(" %s",palabra)!=EOF)
   if (isalpha(palabra[0])) raiz=inserta(raiz,palabra);
 imprime(raiz);
 return 0;
struct arb bin *talloc(void);
char *strdup(char *);
/* inserta: anade un nodo con w, en o bajo p */
struct arb_bin *inserta(struct arb_bin *p, char *w)
 int cond;
 if (p==NULL) {
     p = talloc(); p->palabra = strdup(w);
     p->cont = 1; p->izq = p->der = NULL;
 } else if ((cond=strcmp(w,p->palabra))==0)
     p->cont++;
 else if (cond<0) p->izg= inserta(p->izg,w);
 else p->der = inserta(p->der,w);
 return p;
```

Frec. de ocurrencia de palabras – código

```
/* imprime: imprime p en in-orden */
void imprime(struct arb bin *p)
 if (p!=NULL) {
    imprime(p->izq);
    printf("%4d %s\n",p->cont,p->palabra);
    imprime(p->der);
/* talloc: construye un nodo del arbol binario */
struct arb bin *talloc(void)
return (struct arb bin *) malloc(sizeof(struct arb bin));
/* devuelve un puntero a una copia de una cadena de caracteres */
char *strdup(char *s)
 char *p;
p = (char *) malloc(strlen(s)+1);
 if (p != NULL)
    strcpy(p,s);
 return p;
```

Simulación dinámica en C

Índice General

- Introducción
- Ecuaciones diferenciales
- Método Euler
- Método Runge Kutta
- Ejemplo de uso de librería NR
- Medida de tiempo y sleep
- Simulación de control PID
- Simulación de control de nivel
- Ajuste de controladores PID
- Simulación de circuitos lógicos

Introducción

- La dinámica de los sistemas responden a leyes físicas que se expresan habitualmente en forma de ecuaciones diferenciales.
- Ejemplo: ecuaciones del movimiento de los cuerpos (segunda ley de Newton) → ecuación diferencial de segundo orden
- Pocas ecuaciones diferenciales tienen una solución analítica sencilla, así que la solución pasa por obtener una solución aproximada mediante la aplicación de métodos numéricos.

Ecuaciones diferenciales

- Ecuación Diferencial: Ecuaciones que involucran variables dependientes y sus derivadas con respecto a las variables independientes.
- Ecuación Diferencial Ordinaria: ecuaciones diferenciales que involucran solamente UNA variable independiente.
- Ecuación Diferencial Parcial: : ecuaciones diferenciales que involucran dos o más variables independientes.

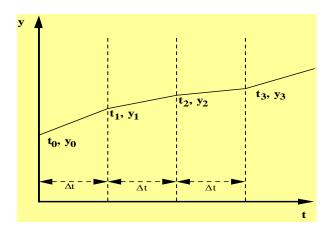
Solución de EDOs: Analítica y Numérica

Método de Solución Analítica

y(0)=b

- -Resolver la EDO para encontrar una familia de soluciones.
- -Elije la solución que satisface las condiciones iniciales correctas. Encuentra una fórmula analítica parar y(t)

Método de Solución Numérica



- -Empieza con las condic. iniciales
- -Resuelve para pequeños tamaños de paso (Δt).
- -Resuelve aprox. en cada Δt
- -Encuentra pares de puntos: (t_0,y_0) , (t_1,y_1) , ...

Solución de EDOs mediante métodos de un solo paso

- El objetivo consiste en obtener un nuevo punto a partir de un punto anterior (solución en forma discreta)
- Se basan en el método de Taylor de orden k:
 - Sea una EDO de primer orden: y' = f(x, y) $y(x_0) = y_0$ $x \in [a, b]$
 - Se aplica la serie de Taylor para aproximar la solución de la EDO, haciendo: $y'(x_i) = y'_i$

Solución de EDOs mediante el método de Taylor de orden k

Se plantea el siguiente algoritmo:

Dados:
$$x_0, y_0, h, n$$

Para $i = 1, 2, 3, \dots n$

$$x_{i+1} = x_i + h$$

$$y_{i+1} = y_i + h y_i' + \frac{h^2}{2!} y_i'' + \frac{h^3}{3!} y_i''' + \dots + \frac{h^k}{k!} y_i^{(k)}$$

Siendo E el error de truncamiento:

$$E = \frac{h^{k+1}}{(k+1)!} y^{(k+1)}(\xi) \quad x_i < \xi < x_{i+1}$$

Método de Euler

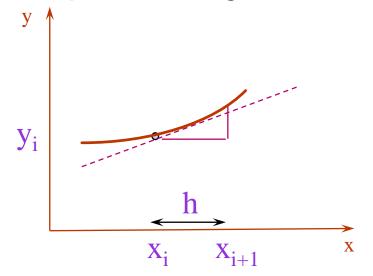
Permite resolver una EDO de primer orden de la

forma:
$$\frac{dy}{dt} = f(t, y)$$

 $y(t_0) = y_0$

• Algoritmo:
$$Dado: (t_0, y_0), h \ y \ n$$
 $Para \ i = 0, 1, 2, \dots n$
 $t_{i+1} = t_i + h$
 $y_{i+1} = y_i + hf(t_i, y_i)$

Interpretación geométrica



Método de Euler: características

- Sencillo. La primera derivada proporciona una estimación de la pendiente en x_i
- La ecuación se aplica iterativamente, con un paso pequeño para reducir el error
- Análisis del error:
 - Error de truncamiento causado por la naturaleza de la técnica empleada para aproximar los valores de y
 - error global = error local de truncamiento (a partir de la Serie de Taylor) + propagación del error de truncamiento
 - Error de Redondeo causado por el número limitado de dígitos significativos que retiene el ordenador

Método de Euler: características

- Un error fundamental del método de Euler es que se aplica la derivada asumida en el principio del intervalo en todo el intervalo.
- Si h disminuye aumenta la precisión a costa de la complejidad (tiempo) del cálculo que crece.
- Si h disminuye demasiado la precisión se ve afectada debido a la acumulación de errores de redondeo.
- Con una simple modificación en el cálculo de la derivada, se puede obtener mejores resultados (RK).

Ejemplo de aplicación del método de Euler

Resolver la siguiente EDO:

$$\frac{dy(t)}{dt} + 2y(t) = 3e^{-4t}$$
$$y(0) = 1$$
$$t_0 = 0, t_{\text{max}} = 4, h = 0.1$$

• Para comparar la solución exacta es: $y(t) = \frac{5e^{-2t} - 3e^{-4t}}{2}$

Programa C que resuelve el ejemplo Euler

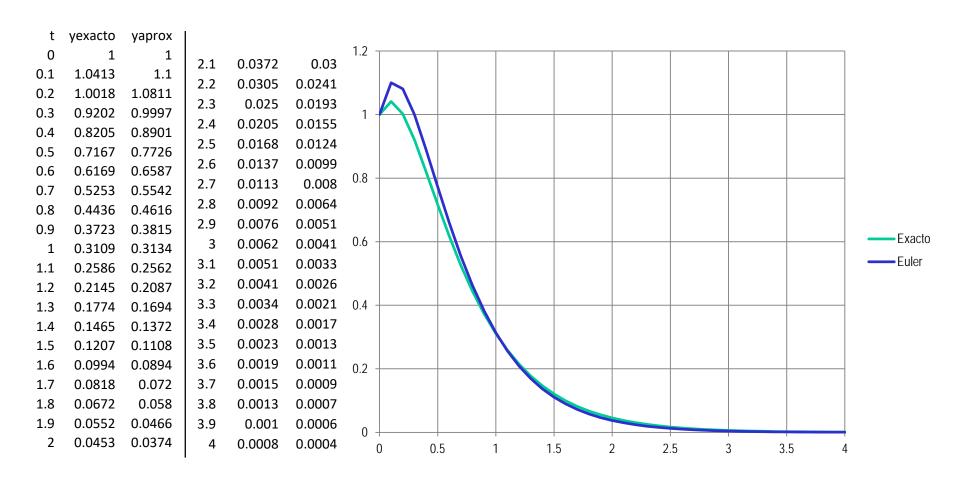
```
/*************************
* Programa: euler.c
* Descripción: Resuleve una ecuacion diferencial de primer orden usando
             el metodo de Euler
* Ecuacion a resolver: y'(t)=3*exp(-4*t)-2*y(t) con y(0)=1
* La solucion exacta de esta ecuacion es:
               y(t)=2.5*exp(-2*t)-1.5*exp(-4*t)
* El programa se puede adaptar para resolver cualquier ecuacion EDO de
* primer orden modificando la funcion derivada que calcula la
* derivada y el valor de NDERIVS
* Autor: Pedro Corcuera
#include <stdio.h>
                       // I/O library
#include <math.h>
                      // Math library
#define NDERIV 1
                     // numero de derivadas
void derivada(int numDerivs, float *x, float t, float *k1);
void main(void);
// derivada calcula el numero de derivadas
// x array que contiene las variables de estado
// t tiempo
// kl array que contiene en valor de las derivadas calculadas
void derivada(int numDerivs, float *x, float t, float *k1) {
   k1[0]=3*exp(-4*t)-2*x[0];
                            // calcula derivada
```

Programa C que resuelve el ejemplo Euler

```
void main(void) {
   float yexact, yaprox; // Valores exactos y aproximados de y
   float x[NDERIV], k1[NDERIV];// arrays almacena estado de las variables y derivadas
   float h, t, t0, tmax, y0; // paso, tiempo, tiempo inicial, tiempo final, y inicial
   int i;
                               // indice de contador
    // Lectura de intervalo de calculo
    printf("Ingresa t inicial: ");
    scanf(" %f", &t0);
    printf("Ingresa t max: ");
    scanf(" %f", &tmax);
    // Lectura de condicion inicial
    printf("Ingresa condicion inicial: ");
    scanf(" %f", &y0);
    // Lectura de paso h
    printf("Ingresa paso h: ");
    scanf(" %f", &h);
                                     // condiciones iniciales
   x[0]=y0;
   yaprox=x[0];
                                     // resultado inicial
   printf("Solucion de ODE mediante Euler\n");
   printf(" t \t yexacto \tyaprox\n");
```

Programa C que resuelve el ejemplo Euler

Resultados del programa ejemplo (Excel)



Experimentos con el método Euler

- Disminuir paso h para obtener mayor precisión y comprobar el aumento del tiempo requerido para el cálculo.
- Comprobar que si h disminuye demasiado, la precisión se ve afectada debido a la acumulación de errores de redondeo.

Método de Euler en EDOs de mayor orden

 El truco es descomponer la ecuación diferencial de mayor orden en varias EDOs de primer orden. A esta técnica se le llama análisis de variable de estado

• Ejemplo:
$$\frac{d^2y(t)}{dt^2} + 100 \frac{dy(t)}{dt} + 10^4 y(t) = 10^4 |\sin(377t)|$$

$$Condiciones \ iniciales \ cero: y(0) = 0, \ y'(0) = 0$$

$$t_0 = 0, \ t_{\text{max}} = 0.08, \ h = 0.0001$$

corresponde al circuito rectificador del libro <u>Circuits Devices and Systems, de Smith y Dorf</u> (sección 7.3) con parámetros: R=400W, C=25mF, L=4H, w=377 rad/sec(60 Hz), V_m=1. El valor absoluto del seno equivale a un rectificador y y(t) es el voltaje de salida

Método de Euler en EDOs de mayor orden

Reducción a varias EDOs de primer orden:

Introducimos
$$x_1(t)$$
, $x_2(t)$. Hacemos:

$$x_1(t) = y(t)$$

$$\frac{dx_1(t)}{dt} = x_2(t)$$

$$\frac{dx_2(t)}{dt} = -100 \frac{dy(t)}{dt} - 10^4 y(t) + 10^4 |\sin(377t)|$$

$$= -10^4 x_1(t) - 100 x_2(t) + 10^4 |\sin(377t)|$$

Método de Euler en EDOs de mayor orden

En términos de ec. matricial de primer orden:

$$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

$$\dot{\mathbf{x}} = \begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -10^4 & -100 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 10^4 \end{bmatrix} \sin(377t) |$$

$$\dot{\mathbf{x}} = \mathbf{A}\mathbf{x} + \mathbf{B} |\sin(377t)|$$

$$donde: \mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -10^4 & -100 \end{bmatrix} \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 \\ 10^4 \end{bmatrix}$$

Solución mediante método Euler

- Para resolver ambas ecuaciones de primer orden simultáneamente se aplica el siguiente algoritmo:
 - 1. Empezar en tiempo t_0 , con un valor para h y condiciones iniciales de las variables de estado x_1 (t_0), x_2 (t_0)
 - 2. Con los valores $x_i(t_0)$ calcular las derivadas para cada $x_i(t)$ en $t = t_0$, llamándoles k_{1i}
 - 3. Calcular el valor aproximado de cada $x_i^*(t_0+h)=x_i^*(t_0)+k_{1i}h$
 - 4. Hacer $t_0 = t_0 + h$ y para cada $x_i(t_0) = x_i^*(t_0 + h)$
 - 5. Repetir pasos 2 a 4 hasta alcanzar el tiempo de simulación

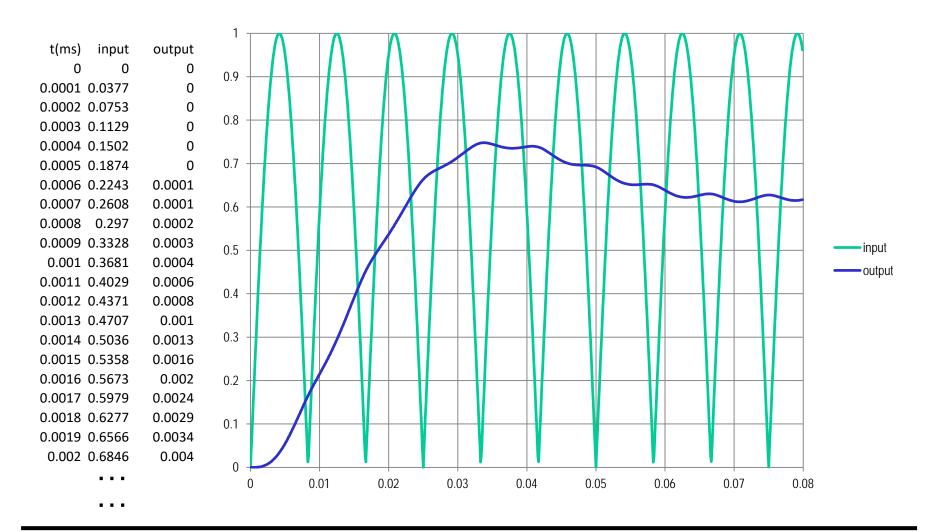
Programa C que resuelve EDO de 2 orden

```
/**************************
* Programa: euler2.c
* Descripción: Resuleve una ecuacion diferencial de segundo orden usando *
             el metodo de Euler
* Ecuacion a resolver: y''(t)+100*y'(t)+1E4*y(t)=1E4*abs(sin(377t))
                    con y(0) = 0, y'(0)=1
* Autor: Pedro Corcuera
* Revisión: 1.0 4/02/2008
#include <stdio.h>
                        // I/O library
#include <math.h>
                        // Math library
#define NDERIV
                                // numero de derivadas
void derivada(int numDerivs, float *x, float t, float *k1);
void main(void);
// derivada calcula el numero de derivadas
// x array que contiene las variables de estado
// t tiempo
// kl array que contiene en valor de las derivadas calculadas
void derivada(int numDerivs, float *x, float t, float *k1) {
                   // calcula derivada
   k1[0]=x[1];
   k1[1]=1.0E4*fabs(sin(377.0*t))-100*x[1]-1.0E4*x[0];
```

Programa C que resuelve EDO de 2 orden

```
void main(void) {
                               // Valores aproximados de y
  float yaprox;
  float x[NDERIV], k1[NDERIV];// arrays almacena estado de variables y derivadas
  float h=0.0001, t=0.0, tmax=0.08; // paso, tiempo, tiempo inicial, tiempo final
  int i;
                               // indice de contador
  x[0]=0.0;
                                              // condicionles iniciales
  x[1]=0.0;
  printf("Solucion de ODE mediante Euler\n");
  printf(" t(ms) \t input \t output\n");
  for (t = 0; t < tmax; t+=h) {
                                              //ciclo for para iterar sobre el tiempo
        derivada(NDERIV, x, t, k1);
        yaprox=x[0];
                                                        // obtiene valor de y
        // Imprime resultados
        printf(" %7.4f \t %7.4f \t%7.4f\n", t, fabs(sin(377.0*t)), yaprox);
       // actualiza variables de estado
        for(i=0;i<NDERIV;i++)</pre>
                 x[i] = x[i] + h*k1[i];
  printf("Programa finalizado\n");
```

Resultados del programa euler2 (Excel)



Métodos de Runge-Kutta

 Todos los métodos de Runge-Kutta son generalizaciones de la fórmula básica de Euler, en la que la función pendiente f se remplaza por un promedio ponderado de pendientes en el intervalo

$$X_n \le X \le X_{n+1}$$

 $y_{n+1} = y_n + h(w_1k_1 + w_2k_2 + \dots + w_mk_m)$

donde las ponderaciones w_i , i = 1, 2, ..., m son constantes que satisfacen $w_1 + w_2 + ... + w_m = 1$, y k_i es la función evaluada en un punto seleccionado (x, y) para el cual $x_n \le x \le x_{n+1}$.

Métodos de Runge-Kutta

- El número m se llama el **orden**. Si m = 1, $w_1 = 1$, $k_1 = f(x, y_n)$, equivale al método de *Euler*, que es un **método de Runge-Kutta de primer orden**.
- Método de RK de orden 2: $Dado(x_0, y_0) y h$ (Heun)

$$\frac{dy}{dx} = f(x, y)$$
$$y(x_0) = y_0$$

Dado
$$(x_0, y_0) y h$$

Para $n = 0, 1, 2, \cdots$
 $x_{n+1} = x_n + h$
 $k_1 = hf(x_n, y_n)$
 $k_2 = hf(x_n + h, y_n + k_1)$
 $y_{n+1} = y_n + \frac{k_1 + k_2}{2}$

Métodos de Runge-Kutta

Método de RK de orden 4:

(muy empleado)

$$\frac{dy}{dx} = f(x, y)$$
$$y(x_0) = y_0$$

Dado
$$(x_0, y_0) y h$$

Para $n = 0, 1, 2, \cdots$
 $x_{n+1} = x_n + h$
 $k_1 = hf(x_n, y_n)$
 $k_2 = hf\left(x_n + \frac{h}{2}, y_n + \frac{k_1}{2}\right)$
 $k_3 = hf\left(x_n + \frac{h}{2}, y_n + \frac{k_2}{2}\right)$
 $k_4 = hf(x_n + h, y_n + k_3)$
 $y_{n+1} = y_n + \frac{k_1 + 2k_2 + 2k_3 + k_4}{6}$

Programa C que resuelve el ejemplo RK4

```
/************************
* Programa: rk4 ejem.c
* Descripción: Resuleve una ecuacion diferencial de primer orden usando
           el metodo de Runge-Kutta 4 orden
* Ecuacion a resolver: dy/dt = exp(-2*t) - 3*y(t) con y(0) = 1
* Solution para comprobar: y(t) = \exp(-2t)
* El resultado lo imprime en el fichero outputrk.txt
#include <stdio.h>
#include <math.h>
#define N
                   /* numero de ec. de primer orden */
#define H 0.005
                    /* paso de tiempo t*/
                    /* valor max de t */
#define MAX 1.001
                     /* nombre fichero interno */
FILE *output;
double runge4(double x, double y, double step); /* funcion Runge-Kutta */
int main(void) {
 double t, y, exactf,perc_diff; int j;
 output=fopen("outputrk.txt", "w");
                                      /* nombre de fichero externo */
                                      /* valor inicial */
 t = 0.0; y = 1.0;
 exactf = exp(-2.0*t);
 fprintf(output, "%6.3f\t%f\t%f\n", t, y,exactf);
```

Programa C que resuelve el ejemplo RK4

```
for (j=1; j*H <= MAX ;j++) {
                                                  /* ciclo del tiempo */
      t=j*H;
       y = runge4(t, y, H);
       exactf = exp (-2.0*t);
       perc_diff = (exactf-y)*100.0/exactf;
       fprintf(output, "%6.3f\t%f\t%lf\t%lf\n", t, y,exactf,perc_diff);
  fclose(output); printf("Programa finalizado\n"); return 0;
double runge4(double x, double y, double step){
                              /* mitad de paso */
  double h=step/2.0,
  t1, t2, t3, k1, k2, k3,k4; /* variables temporales para Runge-Kutta */
  int i;
  t1= y +0.5*(k1=step*f(x, y));
  t2= y +0.5*(k2=step*f(x+h, t1));
  t3 = y + (k3 = step*f(x+h, t2));
  k4= step*f(x+step, t3);
  y = (k1+2*k2+2*k3+k4)/6.0;
  return y;
double f(double x, double y){
  return(\exp(-2*x) - 3*y);
                               /* derivada de la primera ecuacion */
```

Resultados del programa RK4 (fichero outputrk.txt)

```
1.000000 1.000000
0.000
0.005
        0.990001 0.990050
                           0.004963
0.010
        0.980102 0.980199
                           0.009901
0.015
        0.970302 0.970446 0.014814
0.020
        0.960600 0.960789 0.019703
0.025
        0.950996 0.951229 0.024567
0.030
        0.941488 0.941765 0.029407
0.035
        0.932075 0.932394 0.034223
0.040
        0.922756 0.923116 0.039015
0.045
        0.913531 0.913931 0.043783
0.050
        0.904398 0.904837 0.048528
0.055
        0.895357 0.895834 0.053248
0.060
        0.886407 0.886920 0.057945
0.065
        0.877546 0.878095 0.062619
0.070
        0.868773 0.869358 0.067269
0.075
        0.860089 0.860708 0.071896
0.080
        0.851492 0.852144 0.076501
0.085
        0.842981 0.843665 0.081082
0.090
        0.834555 0.835270 0.085640
0.095
        0.826213 0.826959 0.090175
0.100
        0.817956 0.818731 0.094688
0.990
        0.137206 0.138069 0.625292
0.995
        0.135838 0.136695 0.627136
1.000
        0.134484 0.135335 0.628970
```

Medida del tiempo y sleep

- Se puede utilizar las funciones time y clock clock que se encuentran en <time.h> para medir el tiempo de ejecución en segundos y milisegundos de un conjunto de instrucciones
- Otra función que se puede emplear para hacer programas que se ejecutan en tiempo real es __sleep(t) donde t es el tiempo en milisegundos que se desea no haga nada el programa

Ejemplo de medida del tiempo y sleep

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
int main(void)
    long i,j;
   double y=0;
    time t start, end;
   double dif;
    int t,t0;
    t0 = clock();
    for (i=0;i<10;i++) {
       time (&start);
       y=0;
       for (j=0;j<=1000000;j++) y=y+5*j+j*i;
       sleep(1000); // tiempo en milisegundos
       time (&end);
       dif = difftime (end,start);
       printf ("Tiempo: %lf seconds ", dif );
   t = clock();
printf ("Toma %d clicks (%f sec). \n",t, (float)(t-t0)/CLOCKS PER SEC);
   return 0;
```

Simulación de un control PID

- Los controladores PID son muy utilizados en la industria por su sencillez.
- Es un control con términos Propocional, Integral y Derivativo que actúa sobre una señal de error
- Ecuación standard:

$$u(t) = K \left(e(t) + \frac{1}{T_i} \int_0^t e(t)dt + T_d \frac{d}{dt} e(t) \right)$$

donde: *u(t)* es la salida del controlador

e(t) entrada al control, diferencia entre el valor de consigna o tarado (setpoint) y la salida de la planta

K ganancia proporcional, T_i tiempo integral, T_d tiempo de derivación

Simulación de un control PID

Forma paralela de la ecuación:

$$u(t) = K_p e(t) + K_i \int_0^t e(t)dt + K_d \frac{d}{dt} e(t)$$

se puede convertir los parámetros de una forma a otra:

$$K_{p} = K$$

$$K_{i} = \frac{K}{T_{i}}$$

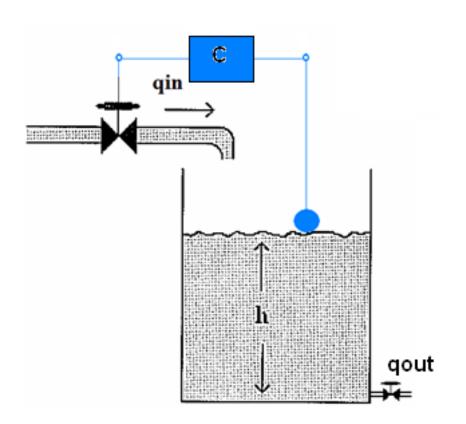
$$K_{d} = KT_{d}$$

Código de control PID

```
#include <math.h>
//Parametros
#define epsilon 0.001
                                 //para saturación
#define MAX 1
#define MIN -1
#define Kp 1.0 // 0.1
#define Kd 0.01 // 0.01
#define Ki 0.1 // 0.005
float PIDcal(float setpoint,float actual_position, float dt) {
   static float pre error = 0; static float integral = 0;
   float error, derivative, float output;
   //Calculo P.I.D
   error = setpoint - actual position;
   //si el error es muy pequeño no se integra
   if(fabs(error) > epsilon) integral = integral + error*dt;
   derivative = (error - pre_error)/dt;
   output = Kp*error + Ki*integral + Kd*derivative;
   //filtro de saturacion
   if(output > MAX) output = MAX;
   else if(output < MIN) output = MIN;</pre>
   pre_error = error; //actualiza error
   return output;
```

Simulación del control del nivel de un depósito con PID

 Se desea controlar el nivel de un depósito actuando sobre el caudal de entrada



$$q_{in}(t) - q_{out}(t) = A \frac{dh(t)}{dt}$$

$$q_{out}(t) = a\sqrt{2gh(t)}$$

$$q_{in}(t) = k \cdot u(t)$$

$$\frac{dh(t)}{dt} = -\frac{a}{A}\sqrt{2gh(t)} + \frac{k}{A}u(t)$$

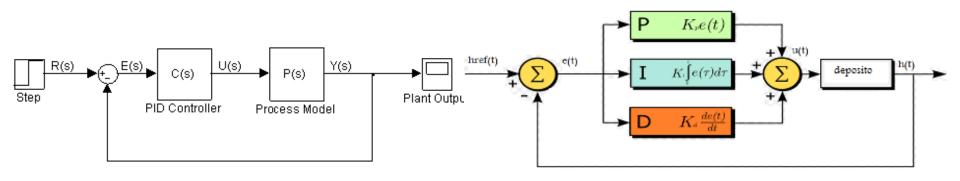
 $e(t) = h_{ref}(t) - h(t)$

Simulación del control del nivel de un depósito con PID

 Se resuelve la ecuación diferencial utilizando cualquier método visto antes (euler) y se aplica al resultado el control PID

$$\frac{dh(t)}{dt} = -\frac{a}{A}\sqrt{2gh(t)} + \frac{k}{A}u(t)$$

$$e(t) = h_{ref}(t) - h(t)$$



Código de control del nivel de un depósito con PID

```
/* q: Gravedad 9.8 m/s2.
   R: Radio de la circunferencia que define el depósito
   r: Radio de la circunferencia que define las tuberías
   A: Área del depósito. A= pi R^2 (m2).
   a: Área de las tuberías.a= pi r ^2 (m2).
   k: Coeficiente de la valvula */
#include <stdio.h>
                           //I/O library
#include <math.h>
                           //Math library
#define NDERIVS
                                    //Numero de derivadas
void CalcDerivs(int numDerivs, double *x, double t, double *k1);
float PIDcal(float setpoint, float actual position, float dt);
#define PI 3.1415
                    // PI
#define g 9.80665 // constante gravedad terrestre
#define R 10e-2
                    // radio del deposito
                    // radio de las tuberias de entrada/salida
#define r 0.8e-2
                    // coeficiente de valvula
#define k 1
              1
#define HMAX
                    // altura max de tanque
#define Q 0.001
                    // Caudal entrada m3/seq
double a, A, sc=0;
                          /* internal filename */
FILE *output;
void CalcDerivs(int numDerivs, double *x, double t, double *k1) {
   if (x[0] < 0) x[0] = 0.0; k1[0] = -a/A*sqrt(2*q*x[0]) + u(t); //Calcula derivada
```

Código de control del nivel de un depósito con PID

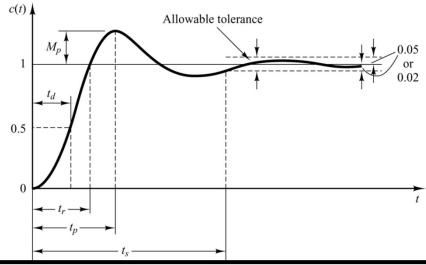
```
double u(double t) { // funcion para simular entrada de caudal
  return sc*Q/A;
int main() {
   double ystar, x[NDERIVS], k1[NDERIVS];
   double h=0.01, t=0.0, tmax=300.0; //Step size, time, final time.
   double sp=0.75;
   int i;
                                      //contador
                                                         /* fichero externo*/
  output=fopen("outpid.txt", "w");
                            //nivel inicial
   x[0]=0.0;
   ystar=x[0];
   a = PI*r*r; A = PI*R*R;
   for (t=0; t<=tmax; t+=h) {
         CalcDerivs(NDERIVS, x, t, k1);
         ystar=x[0];
         if (ystar<0.0) break;
         fprintf(output,"%4.2f \t %g \n",t,ystar);
         for(i=0; i<NDERIVS; i++)</pre>
             x[i] = x[i] + h*k1[i];
         if (x[0] >= HMAX) x[0] = HMAX; if (x[0] < 0.0) x[0] = 0.0;
         sc = PIDcal(sp,x[0], h);
   printf("Fin del programa\n"); fclose(output);
   return 0;
```

Efecto de las ganancias en controles PID

- Las ganancias de los controles PID tienen los siguientes efectos :
 - Kp reduce el tiempo de subida y el error de estado estacionario sin eliminarlo
 - Ki empeora la respuesta transitoria pero elimina el error de estado estacionario
 - Kd incrementa la estabilidad del sistema reduciendo el sobreimpulso

Efecto de las ganancias en controles PID

Ganancia	Tiempo de subida	Sobreimpulso	Tiempo de establecimiento	Error estado estacionario
Kp †	Decrece	Crece	Cambio pequeño	Decrece
Ki	Decrece	Crece	Crece	Elimina
Kd	Cambio pequeño	Decrece	Decrece	Cambio pequeño



Ajuste de controladores PID

- Para el ajuste de las ganancias de los controles PID se emplean los siguientes métodos:
 - Basados en el error integral

$$IAE = \int_{0}^{\infty} |e(t)| dt$$

$$IAE = \int_{0}^{\infty} |e(t)| dt$$
$$ISE = \int_{0}^{\infty} e^{2}(t) dt$$

$$ITAE = \int_{0}^{\infty} t |e(t)| dt$$

Ajuste de controladores PID

- Basados en técnicas heurísticas. Ejemplo: método de oscilación Ziegler-Nichols aplicable a plantas estables en lazo abierto:
 - Aumentar el valor de K_p hasta que el lazo comience a oscilar (oscilación lineal detectada en la salida del controlador (u(t)))
 - Registrar la ganancia crítica K_p = K_c y el período de oscilación P_c de u(t), a la salida del controlador
 - Ajustar los parámetros del control según la siguiente tabla:

	$\mathbf{K}_{\mathbf{p}}$	${f T_r}$	$T_{\mathbf{d}}$
P	$0.50K_c$		
PI	$0.45K_c$	$\frac{P_c}{1.2}$	
PID	$0.60K_c$	$0.5P_c$	$\frac{P_c}{8}$

Simulación de circuitos lógicos combinacionales

- Es fácil obtener la tabla de verdad de circuitos lógicos combinacionales sencillos
- Se utiliza para ello la representación más sencilla de un entero (short) para no consumir memoria
- Se aplican convenientemente los operadores lógicos
- Se crean tantos ciclos for como señales de entrada existan

Ejemplo de simulación de circuitos lógicos combinacionales

```
* Programa: tvsd.c
* Descripción: Programa que imprime la tabla de verdad de expresiones
            lógicas (circuitos logicos combinacionales)
* Expresiones: X = ABC
            X = ABC + A!B + B!C
* Autor: Pedro Corcuera
* Revisión: 1.0 4/02/2008
#include <stdio.h>
int main(void)
 short X, A, B, C;
 printf("Tabla de verdad para X = ABC\n\n");
 printf(" ABC X\n----\n");
                                               B
 for (A=0; A<=1;A++) {
    for (B=0; B<=1;B++) {
       for (C=0; C<=1;C++) {
           X = A \&\& B \&\& C;
           printf(" %d%d%d %d\n",A, B, C, X);
```

Ejemplo de simulación de circuitos lógicos combinacionales